



## Tema 3: Análisis en Frecuencia de Circuitos Electrónicos Realimentados



## 1. Estudio de la estabilidad de amplificadores realimentados

- 1.1 Efectos de la realimentación negativa
- 1.2 Concepto inestabilidad
- 1.3 Inestabilidad en el diagrama de Bode
- 1.4 Inestabilidad en el diagrama polar. Criterio estabilidad Nyquist
- 1.5 La realimentación negativa se vuelve positiva
- 1.6 Margen de Fase y Margen de Ganancia
- 1.7 Estudio de la estabilidad en un amplificador real
- 1.8 Estudio de  $A\beta(j\omega)$  a partir de  $A(j\omega)$
- 1.9 La red  $\beta$  y la estabilidad

## 2. Técnicas de compensación

- 2.1 Compensación por polo dominante – Imposición MF
- 2.2 Compensación por polo dominante – Imposición MG
- 2.3 Compensación polo - cero



## Efectos de la realimentación negativa en amplificadores

A cambio de una **reducción de ganancia** se obtienen importantes contraprestaciones:

El amplificador tiende hacia sus características ideales:  
Reducción de la sensibilidad de la ganancia en bucle abierto:

- Mejora (reducción) de la sensibilidad de la ganancia.
- Mejora (reducción) de la distorsión y otras perturbaciones
- Mejora de las impedancias de entrada y salida
- Mejora (aumento) del ancho de banda.

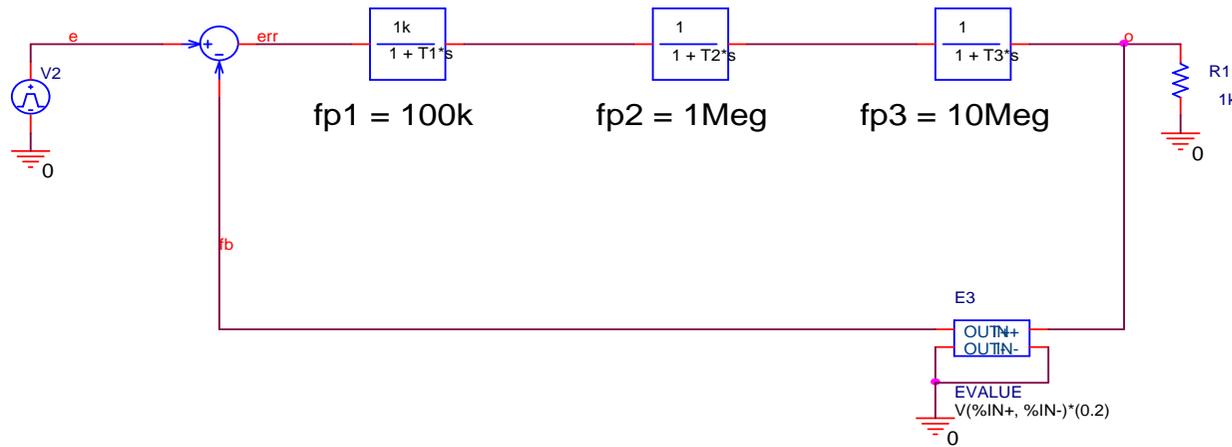
Se potencian si  $A\beta$  aumenta

... pero ¿puede crecer indefinidamente la ganancia del lazo?...

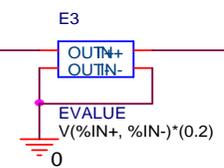


# Concepto inestabilidad

**$A_o=1000$**



PARAMETERS:  
 $T1 = \{1/(6.28*\{fp1\})\}$   
 $T2 = \{1/(6.28*\{fp2\})\}$   
 $T3 = \{1/(6.28*\{fp3\})\}$



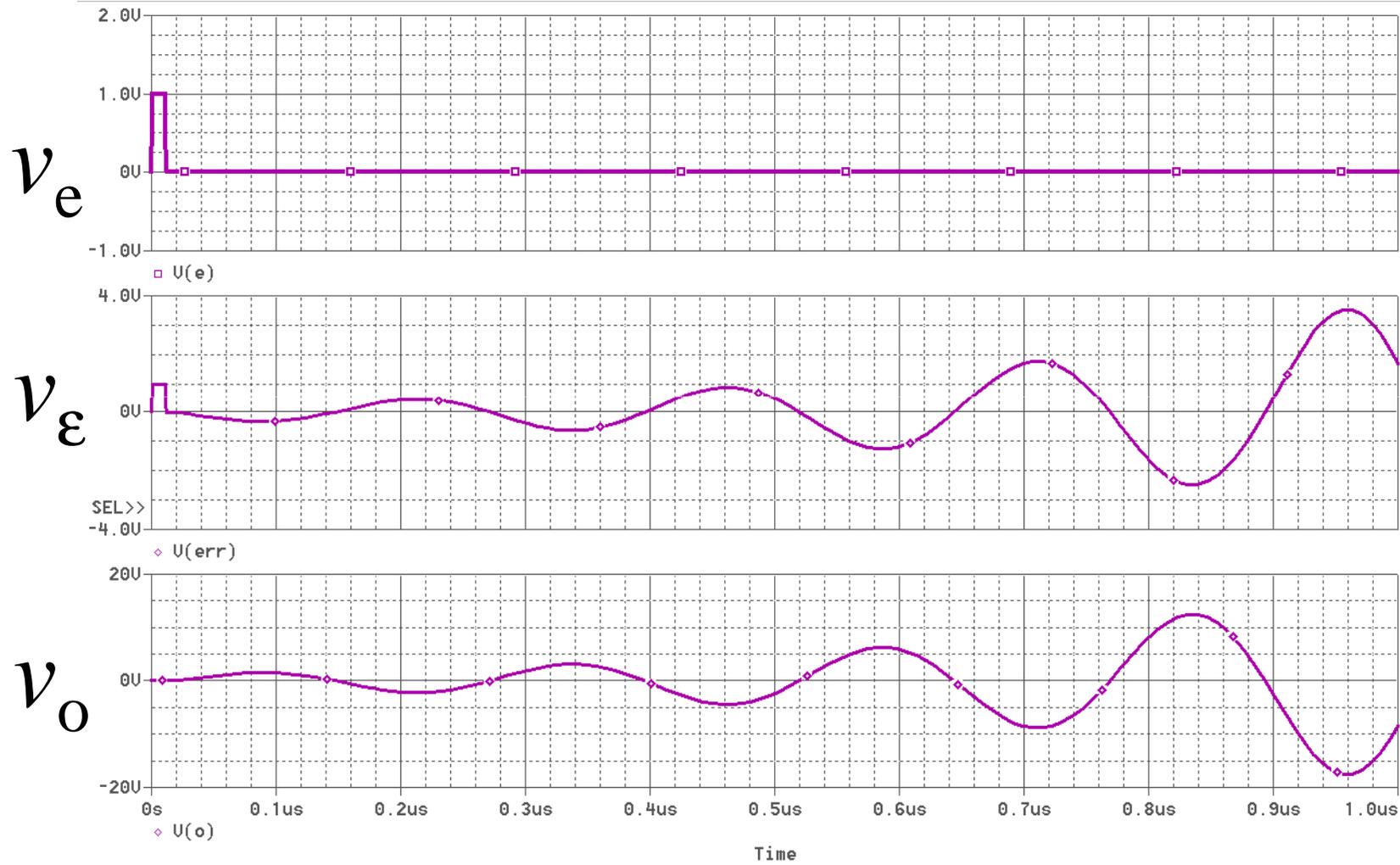
**$B=0,2$**

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



# Concepto inestabilidad

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012





$Npa := 20$

$Aa := 100$

$\beta a := 0.005$

$Vg = 1$

$p := 0..Npa - 1$

$q := 1..6$

# Concepto inestabilidad ¿Qué ha pasado?

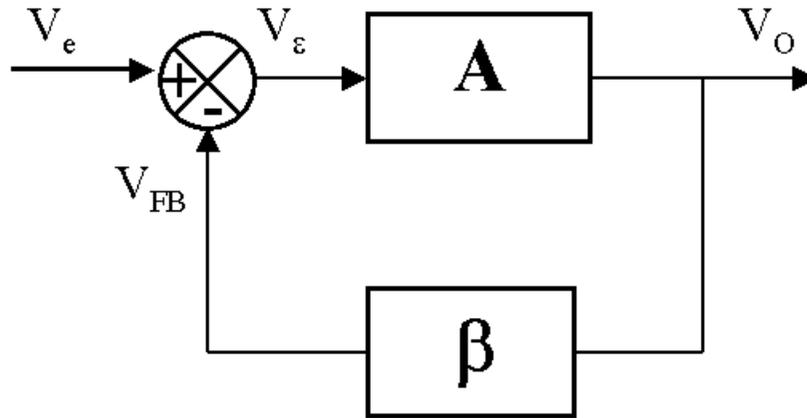
q =	$Ve(Npa, Aa, \beta a)_q = Ve(Npa, Aa, \beta a)_q =$	$Vo(Npa, Aa, \beta a)_q =$
1	1	100
2	1	50
3	1	75
4	1	62.5
5	1	68.75
6	1	65.625

$Aa = 100$

$Aa \cdot \beta a = 0.5$

$$\frac{Aa}{(1 + Aa \cdot \beta a)} = 66.667$$

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



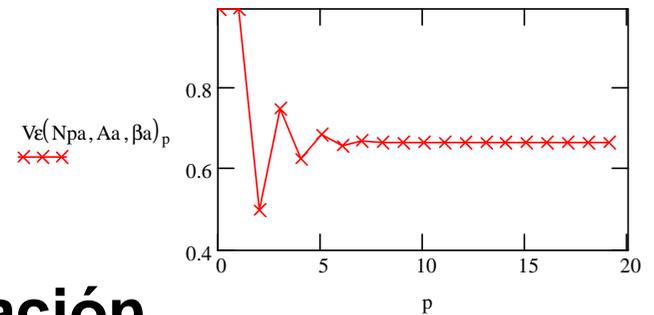
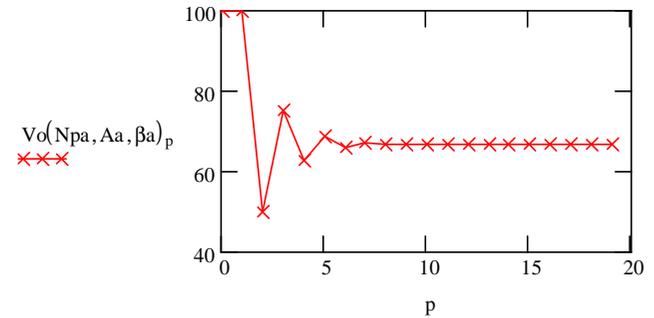
$Vfb(Npa, Aa, \beta a)_q =$

0.5
0.25
0.375
0.313
0.344
0.328

$\beta a = 5 \times 10^{-3}$

$$A \cdot \beta > 0$$

## Realimentación Negativa





Npa := 20

Aa := -100

βa := 0.005

Vg = 1

p := 0..Npa - 1

q := 1..6

# Concepto inestabilidad

## ¿Qué ha pasado?

q =	$V_e(Npa, Aa, \beta a)_q = V_e(Npa, Aa, \beta a)_q =$	$V_e(Npa, Aa, \beta a)_q =$
1	1	1
2	1	1.5
3	1	1.75
4	1	1.875
5	1	1.938
6	1	1.969

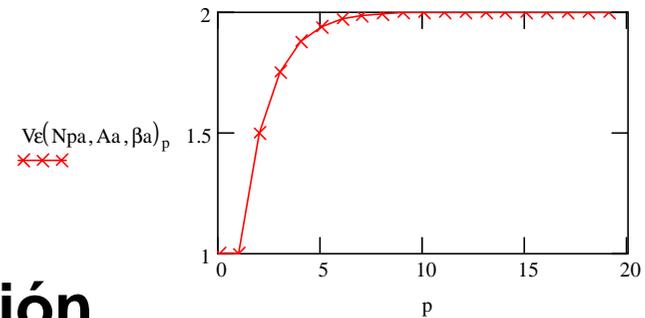
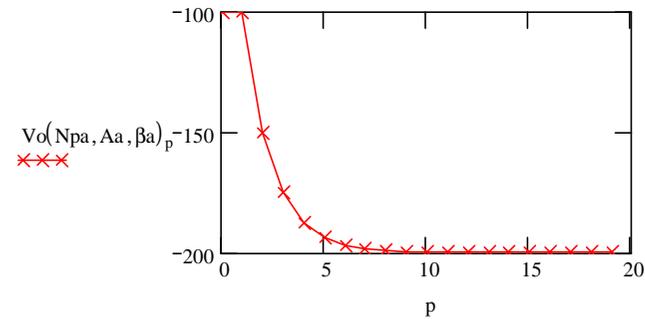
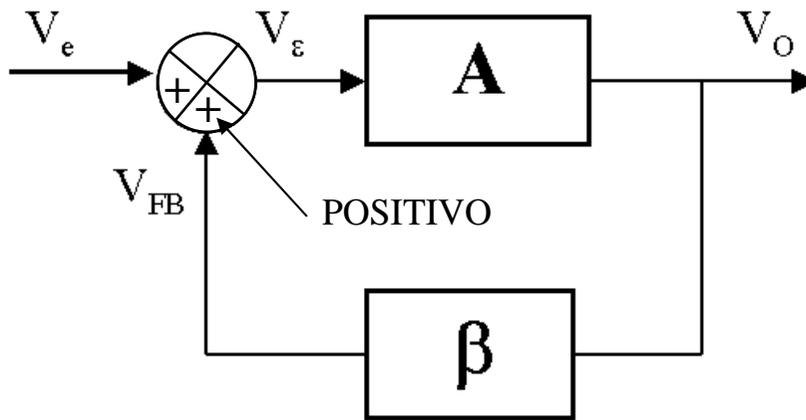
$V_o(Npa, Aa, \beta a)_q =$
-100
-150
-175
-187.5
-193.75
-196.875

Aa = -100

Aa·βa = -0.5

$$\frac{Aa}{(1 + Aa \cdot \beta a)} = -200$$

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



$V_{fb}(Npa, Aa, \beta a)_q =$
-0.5
-0.75
-0.875
-0.938
-0.969
-0.984

$$|A \cdot \beta| < 1$$

$$A \cdot \beta < 0$$

**Realimentación positiva estable**



Npa := 10

Aa := -100

βa := 0.05

Vg = 1

p := 0..Npa - 1

q := 1..6

# Concepto inestabilidad

## ¿Qué ha pasado?

q =

1	1	1
2	1	6
3	1	31
4	1	156
5	1	781
6	1	3.906·10 <sup>3</sup>

Vo(Npa, Aa, βa)<sub>q</sub> =

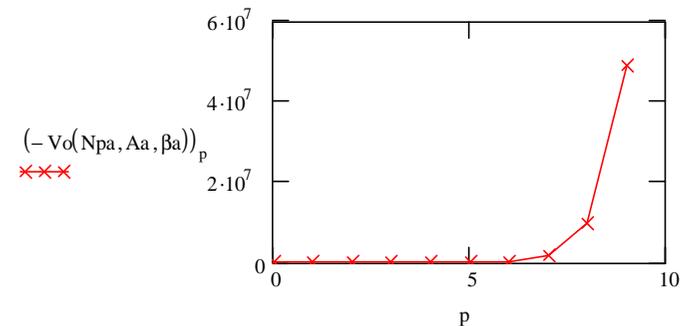
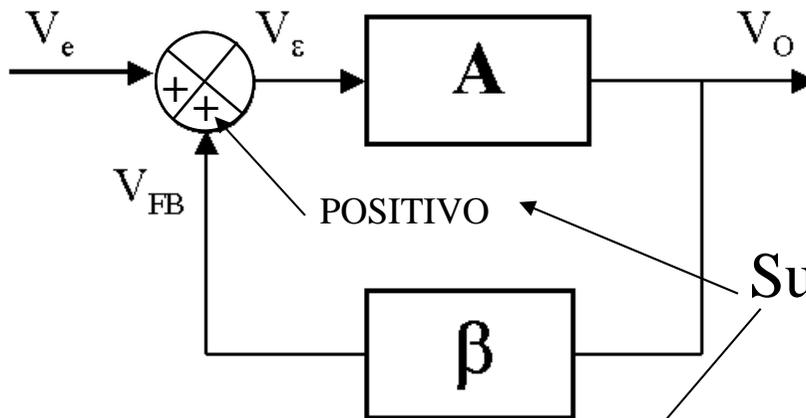
-100
-600
-3.1·10 <sup>3</sup>
-1.56·10 <sup>4</sup>
-7.81·10 <sup>4</sup>
-3.906·10 <sup>5</sup>

Aa = -100

Aa·βa = -5

$$\frac{Aa}{(1 + Aa \cdot \beta a)} = 25$$

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



Suponer una frecuencia en la que

**Realimentación positiva INESTABLE**

Cualquier señal se amplifica indefinidamente en pasadas sucesivas por el lazo

Vfb(Npa, Aa, βa)<sub>q</sub> =

-5
-30
-155
-780
-3.905·10 <sup>3</sup>
-1.953·10 <sup>4</sup>

$$|A \cdot \beta| > 1$$

$$A \cdot \beta < 0$$



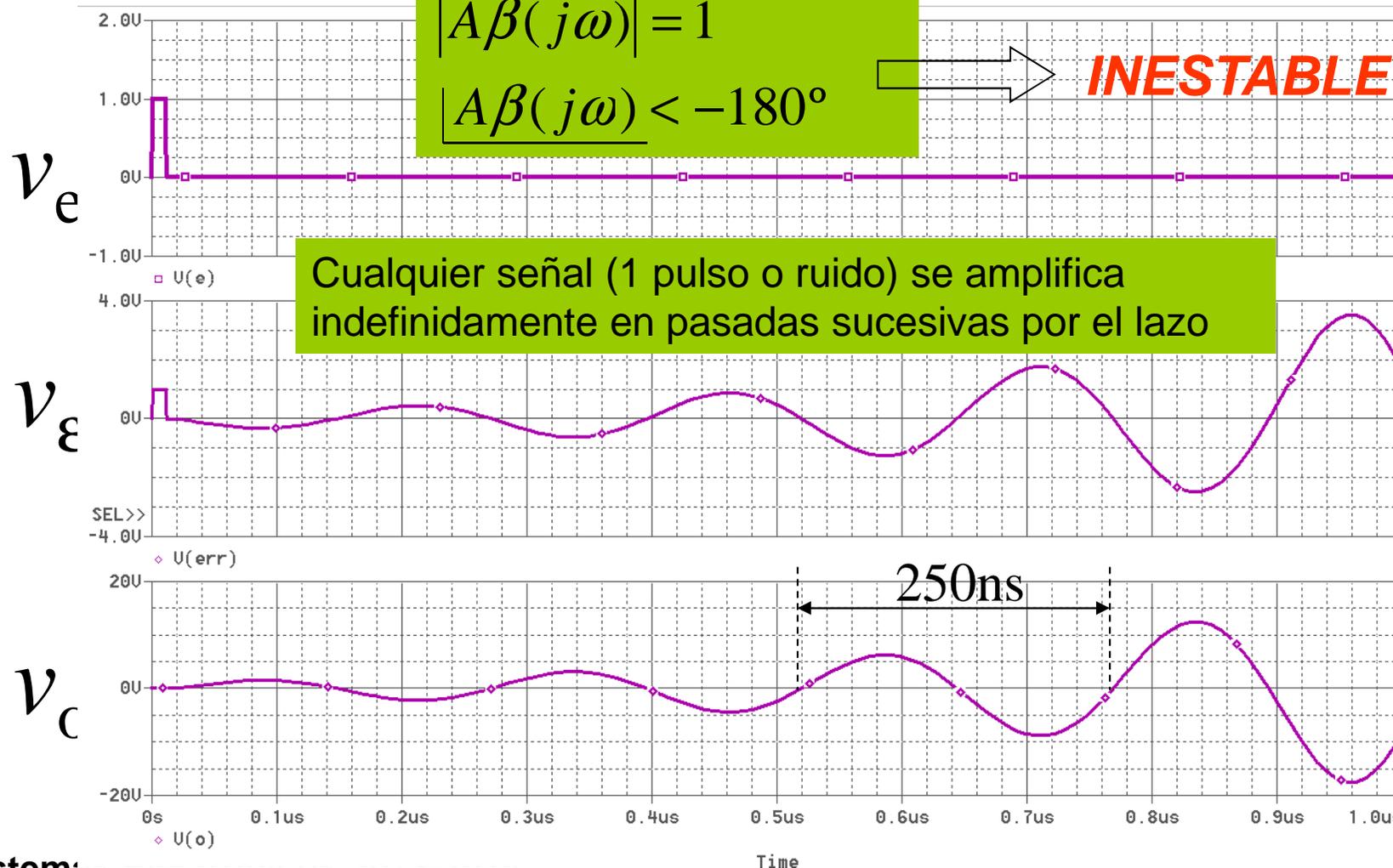
# Concepto inestabilidad

¿Qué ha pasado? Alguna de las frecuencias contenidas en la entrada cumple la condición:

$$|A\beta(j\omega)| = 1$$
$$\angle A\beta(j\omega) < -180^\circ$$

**INESTABLE**

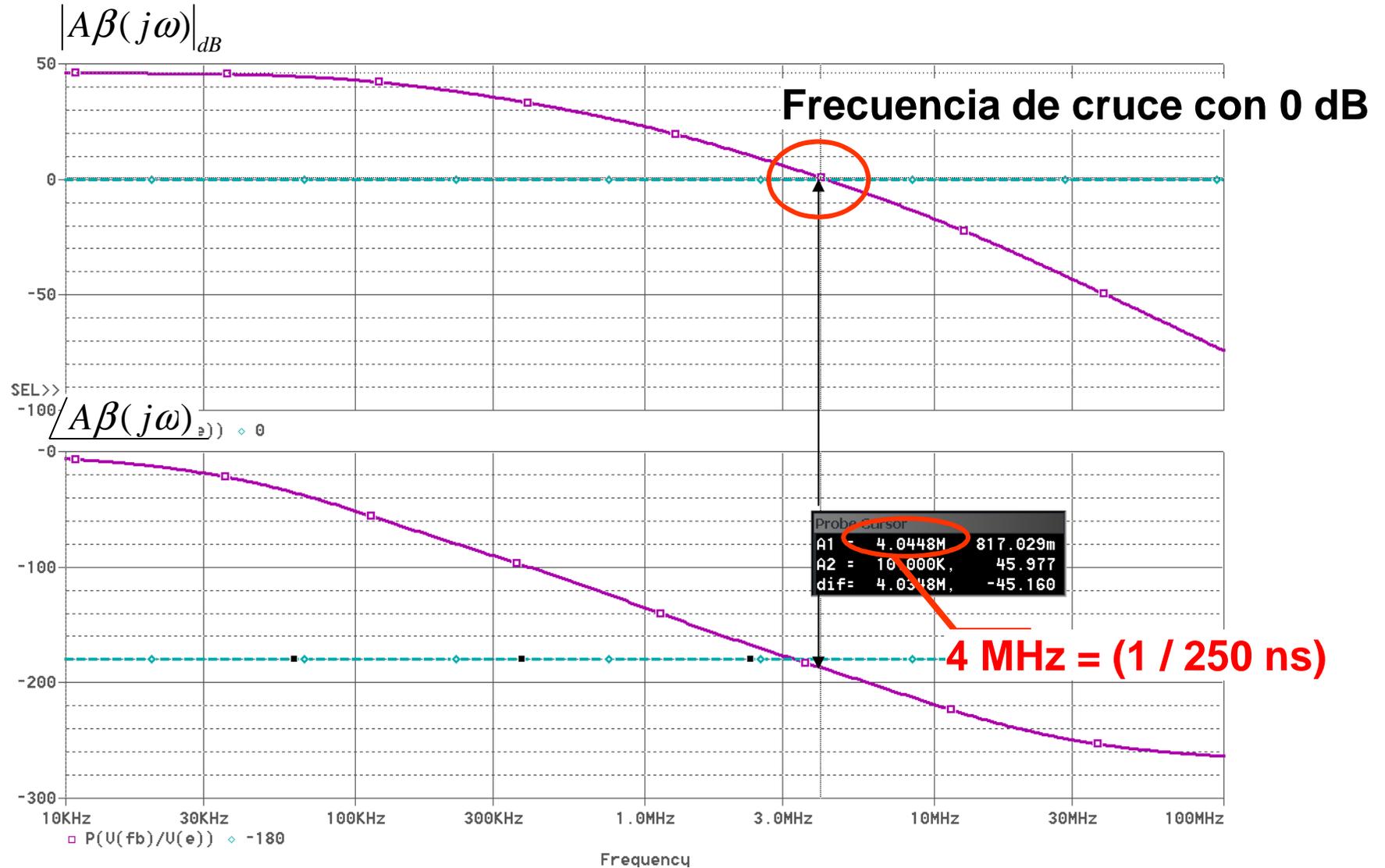
Cualquier señal (1 pulso o ruido) se amplifica indefinidamente en pasadas sucesivas por el lazo



© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



# Inestabilidad en el diagrama de Bode

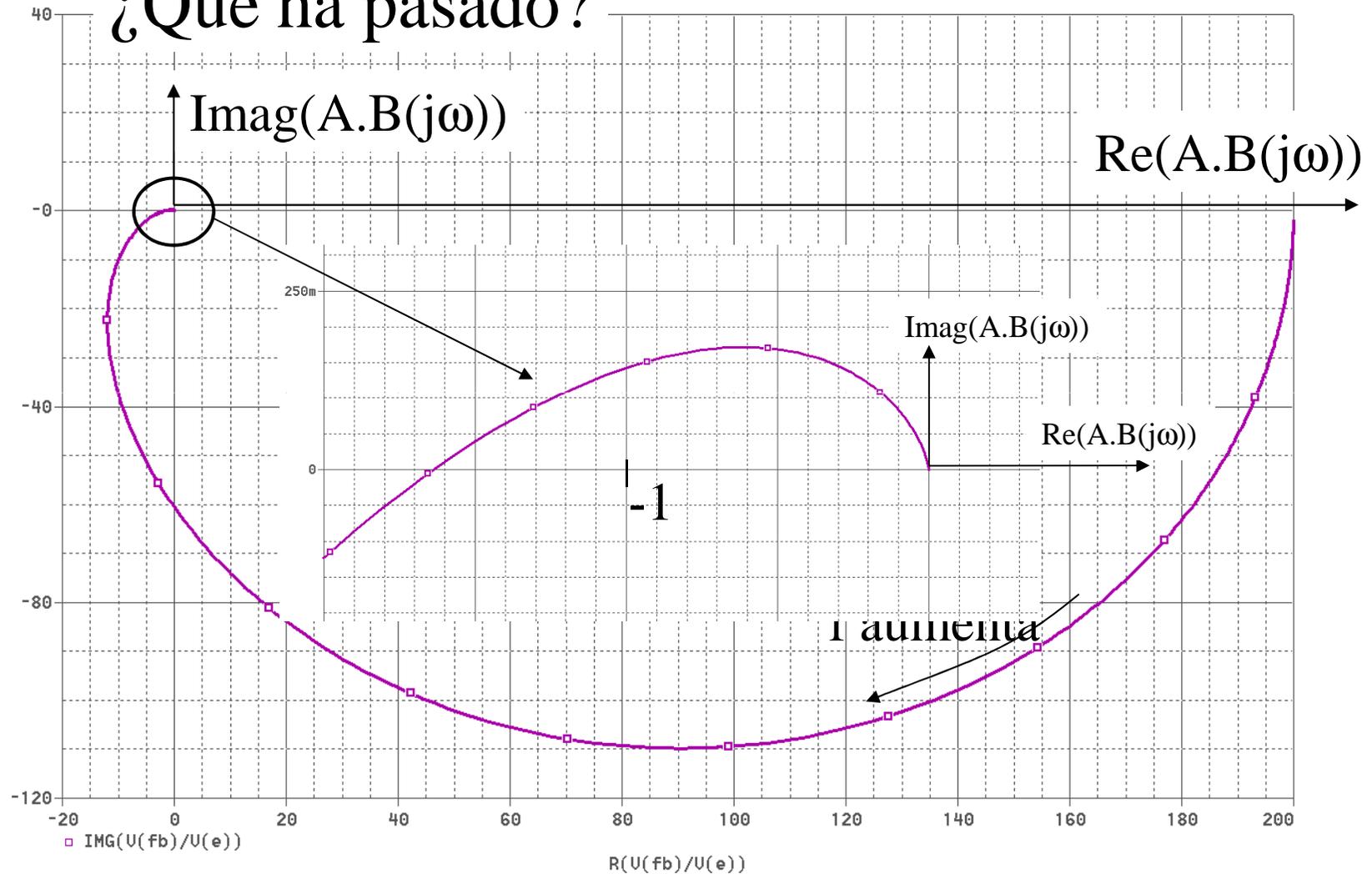


© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



# Inestabilidad en el diagrama polar. Criterio estabilidad Nyquist

¿Qué ha pasado?



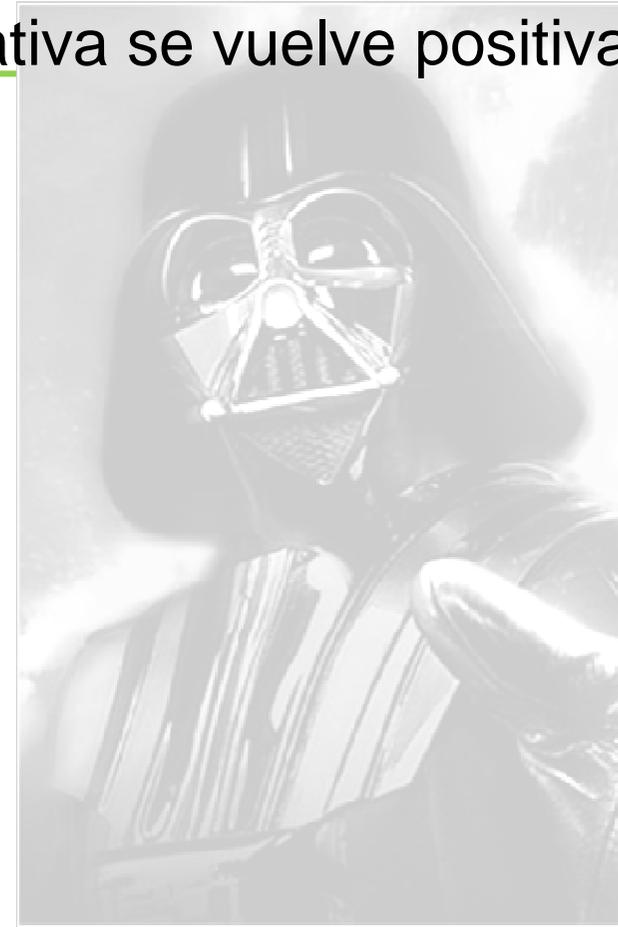
© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



## La realimentación negativa se vuelve positiva

¿Qué ha pasado?

- ***Hemos pensado un circuito para que tenga realimentación negativa, pero...***  
***... a una determinada frecuencia se vuelve positiva.***
- ***Esto se debe a la inversión de fase que se produce a frecuencias suficientemente grandes.***

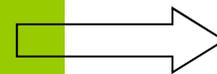


**Hay que tratar de evitar:**

“ ... que a la frecuencia para la que la ganancia de lazo se hace igual a la unidad ( $A\beta = 0\text{dB}$ ) su fase sea menor o igual a  $-180^\circ$ ...”

$$|A\beta(j\omega)| = 1$$

$$\angle A\beta(j\omega) < -180^\circ$$



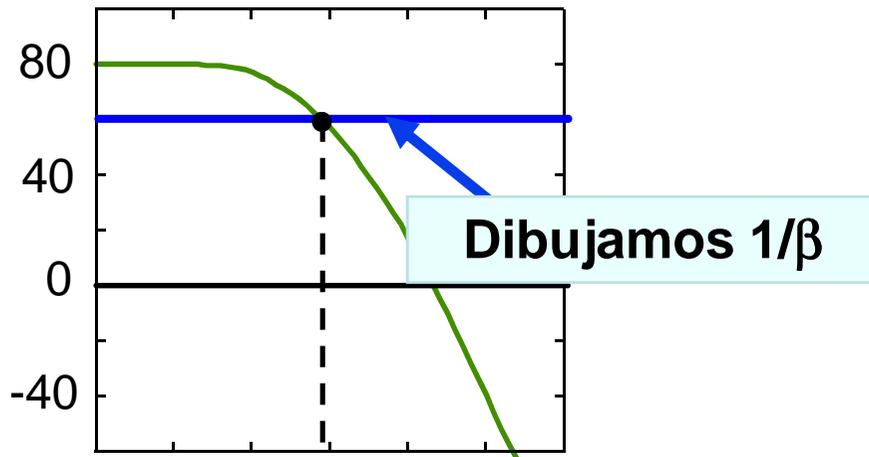
**INESTABLE**



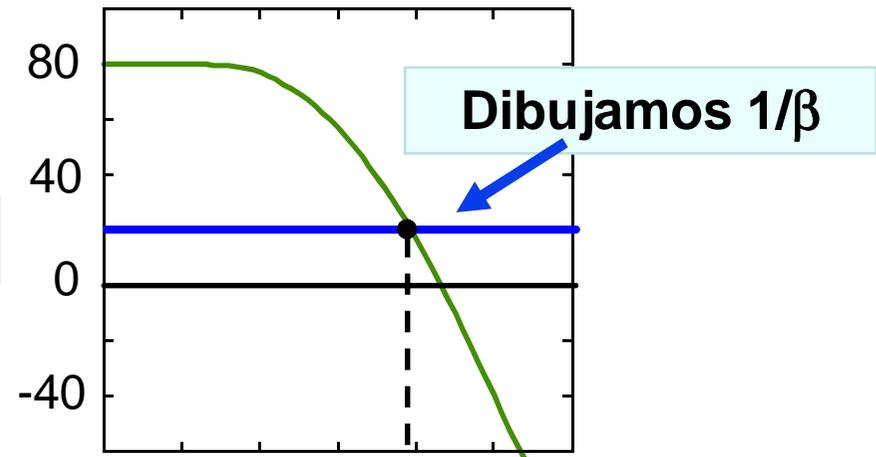
# Margen de fase y Margen de ganancia

## Método sistemático de analizar la estabilidad

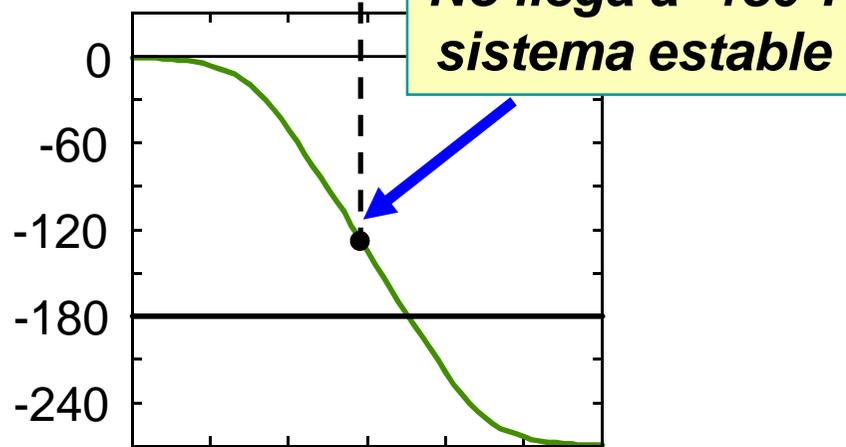
$|A|$  [dB]



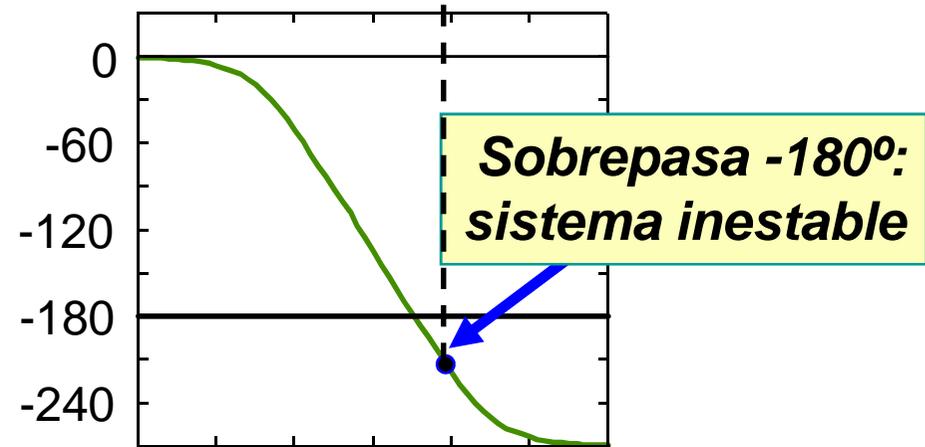
$|A|$  [dB]



$A$  [°]



$A$  [°]



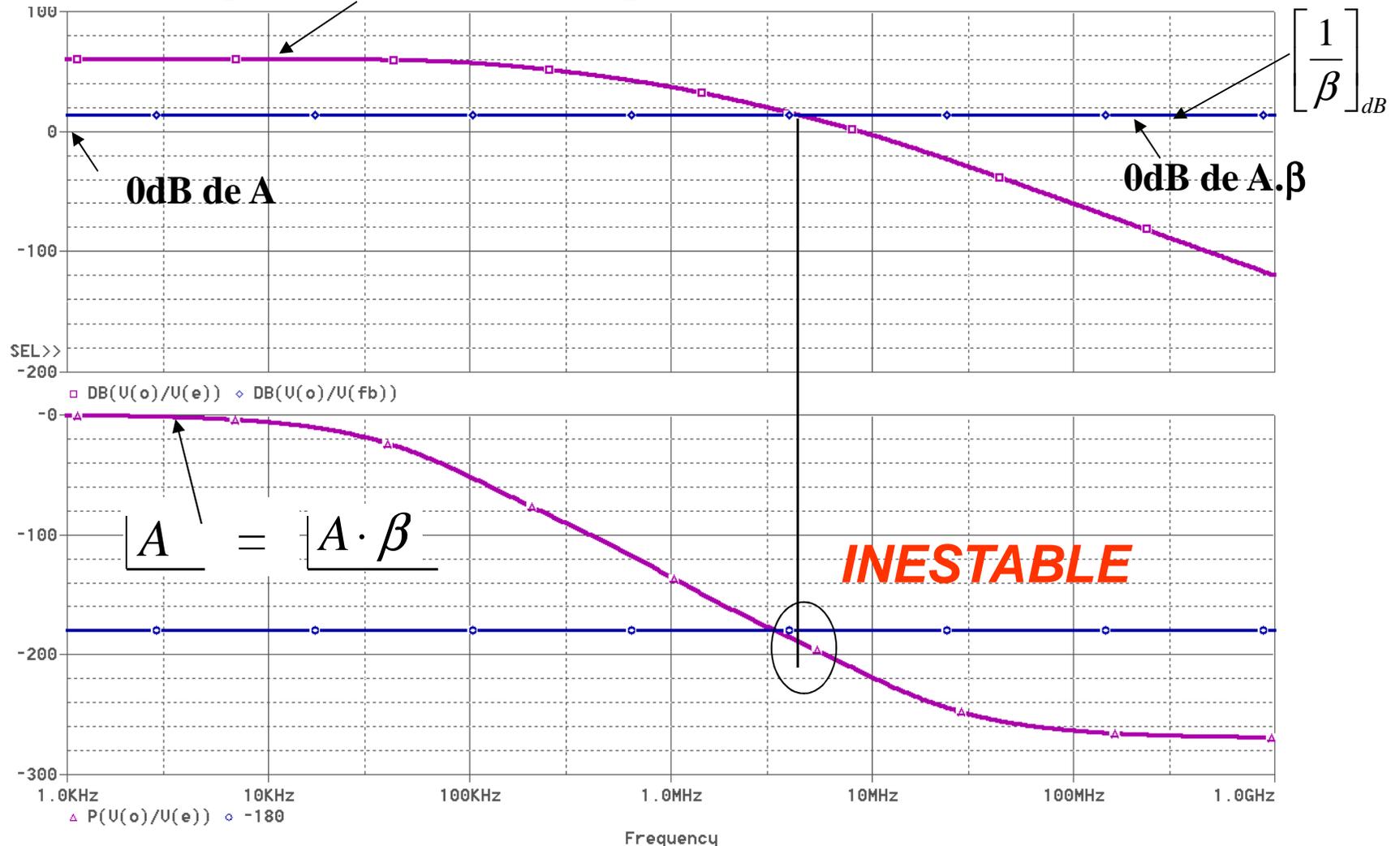
© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



# Margen de fase y Margen de ganancia

Para el ejemplo de amplificador con tres polos

$|A|_{dB}$  pasa a ser  $|A \cdot \beta|_{dB}$

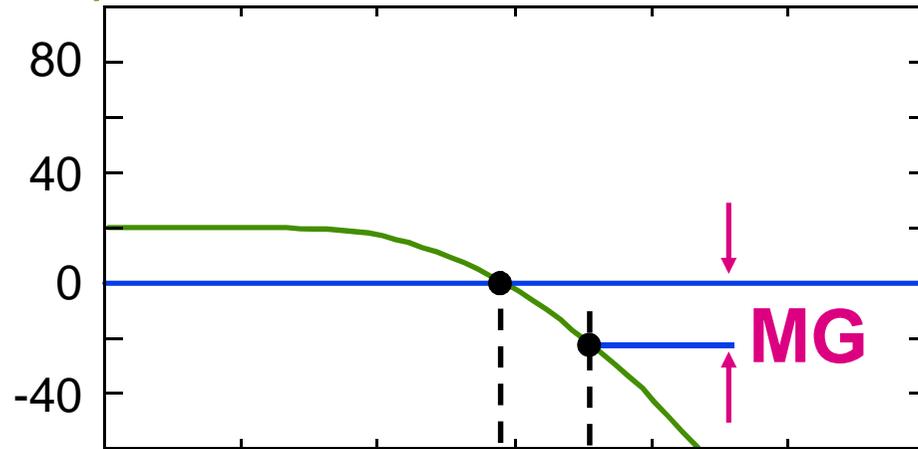


© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



## Conceptos útiles en sistemas estables

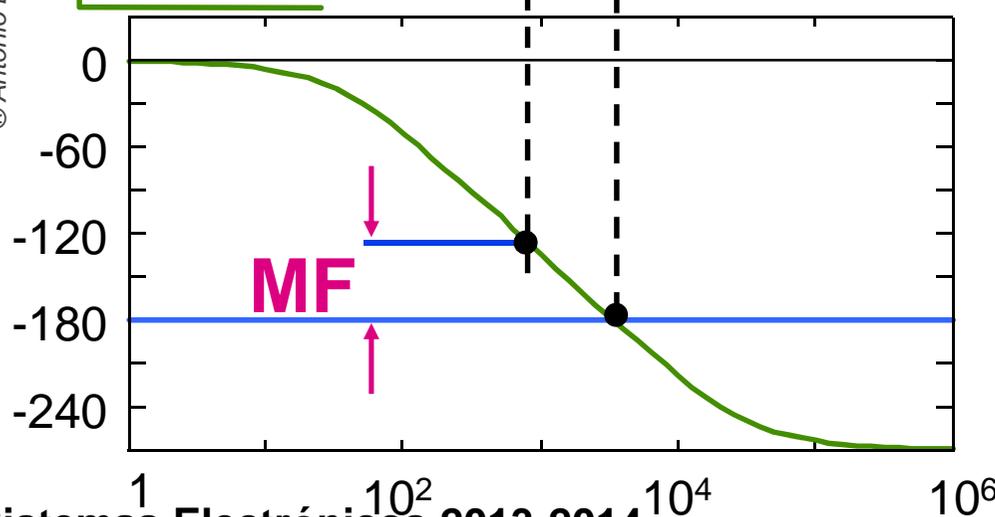
$|A\cdot\beta|$  [dB]



**MG:** *margen de ganancia*

**MF:** *margen de fase*

$A\cdot\beta$  [°]

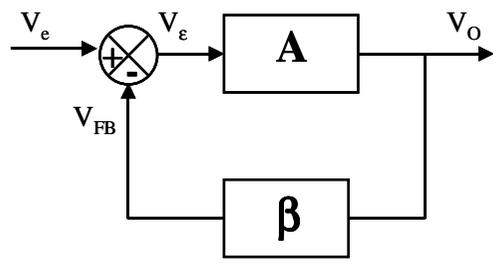
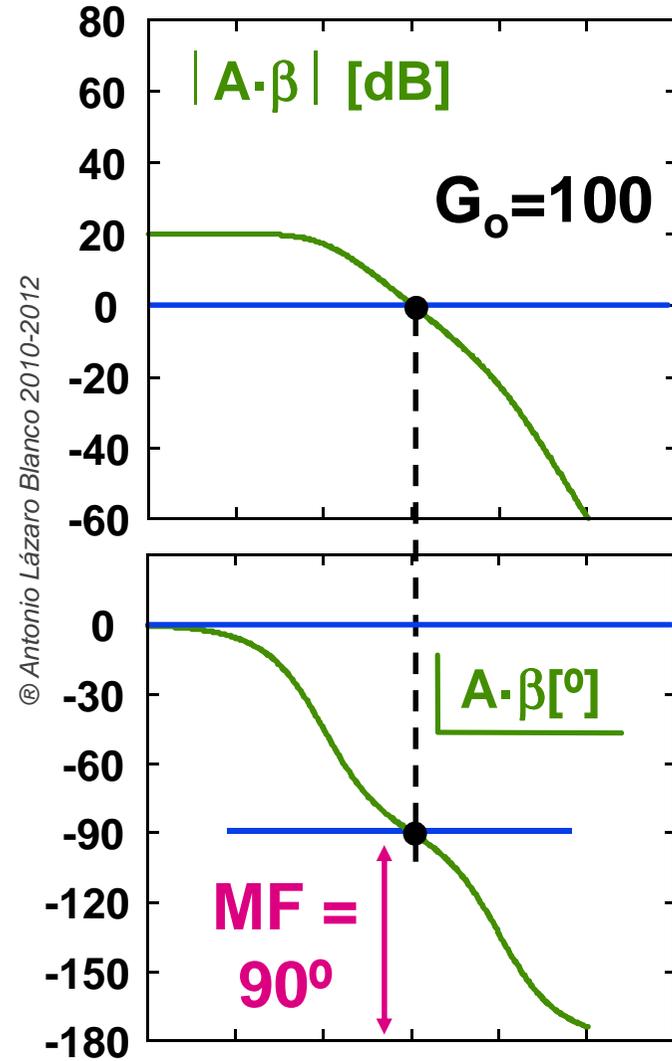


*Ambos parámetros miden la distancia a las condiciones de inestabilidad, valorada como aumento posible de ganancia y fase.*

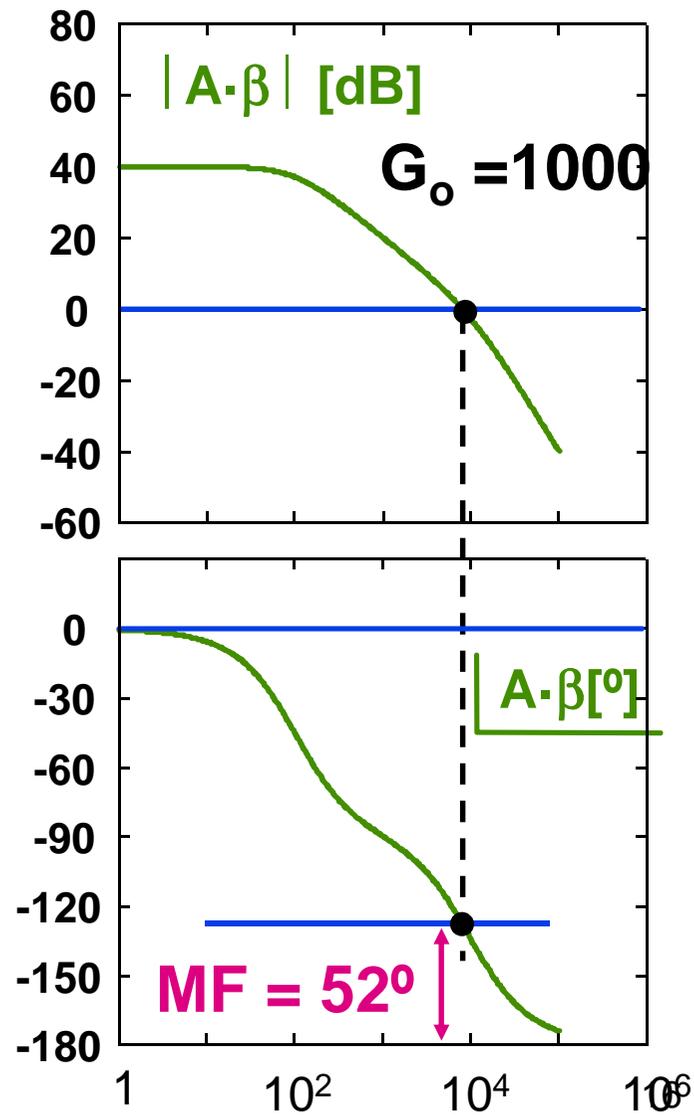


# Margen de fase y Margen de ganancia

## Dos ejemplos con distinto MF y MG



$$G(s) = G_o/P(s)$$
$$\beta = \text{fija} = 10^{-1}$$

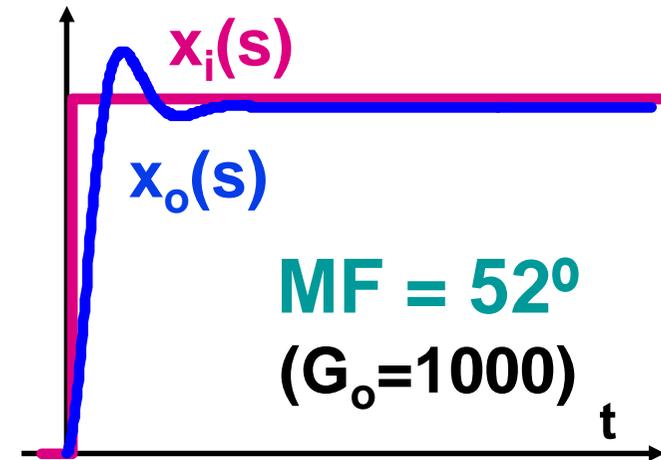
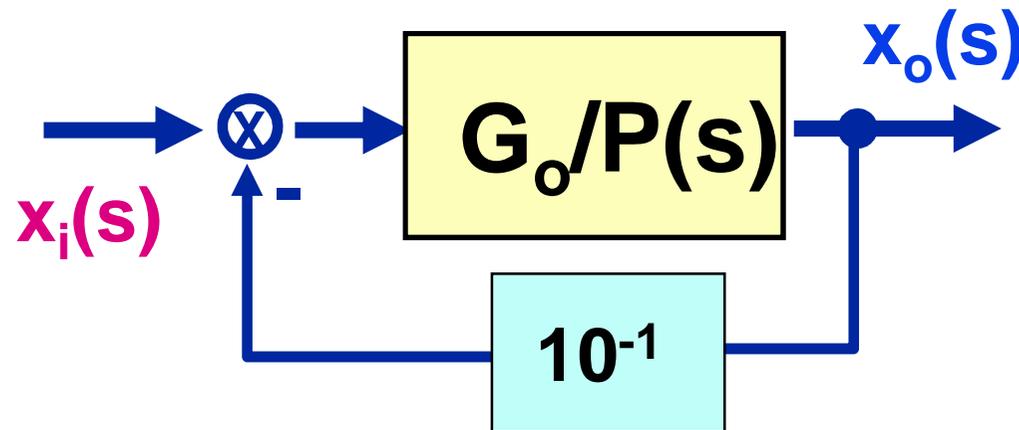
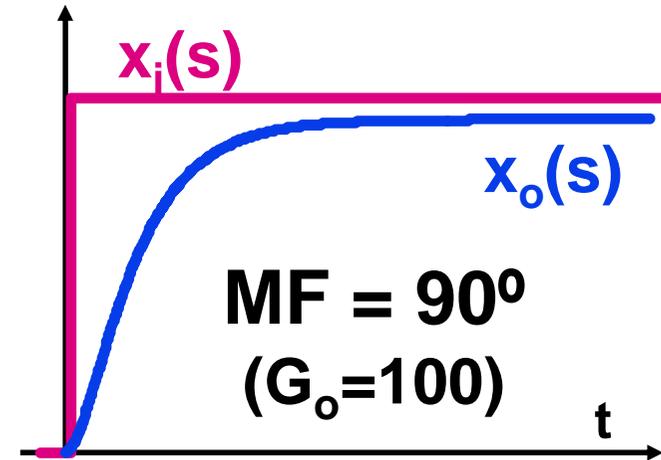




# Margen de fase y Margen de ganancia

## Dos ejemplos con distinto MF y MG

### Respuesta temporal ante un escalón





## Estudio de la estabilidad en un amplificador real

### Repaso de definiciones:

- **A**: Ganancia de un amplificador sin realimentar
- **A'**: Ganancia del amplificador conteniendo todos los efectos de carga: los suyos propios, los del generador, los de la carga y los de la red  $\beta$  expresada como cuadripolo. Se obtiene tras aplicar el método práctico y en su expresión aparece la ganancia del amplificador sin realimentar, A.
- **G**: Ganancia en bucle cerrado. Se ha obtenido aplicando las expresiones de realimentación ideal tras haber empleado el método práctico.
- **$\beta_{12}$** : Ganancia ideal de la red  $\beta$  expresada como cuadripolo (relación entre la magnitud que comparo en la entrada de A' y la que realimento de la salida de A').

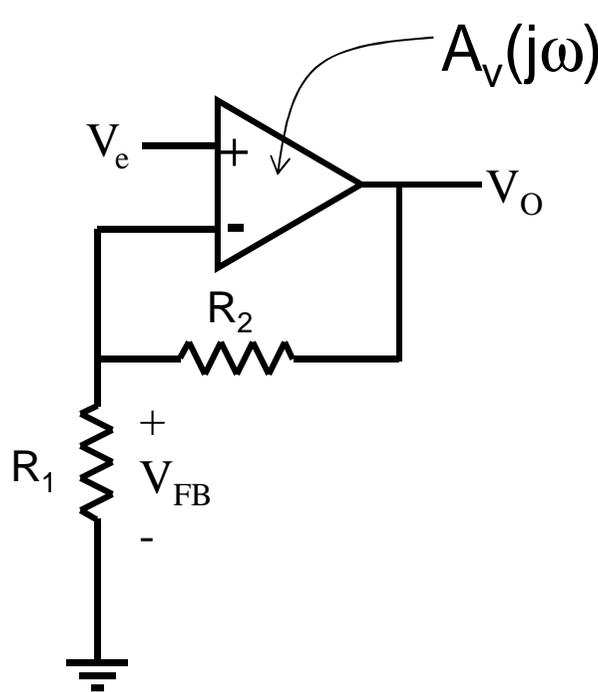
$$G = \frac{A'}{1 + A' \cdot \beta_{12}}$$

### Muy importante:

El estudio de la estabilidad siempre hay que hacerlo sobre  $A'\beta(j\omega)$ , nunca sobre  $A(j\omega)$ .



## Estudio de la estabilidad en un amplificador real



$A_V(j\omega)$  El amplificador operacional tiene una respuesta en frecuencia  $A_V(j\omega)$

¿Se estudia la estabilidad con  $A_V \cdot \beta$ ?

**Muy importante:**

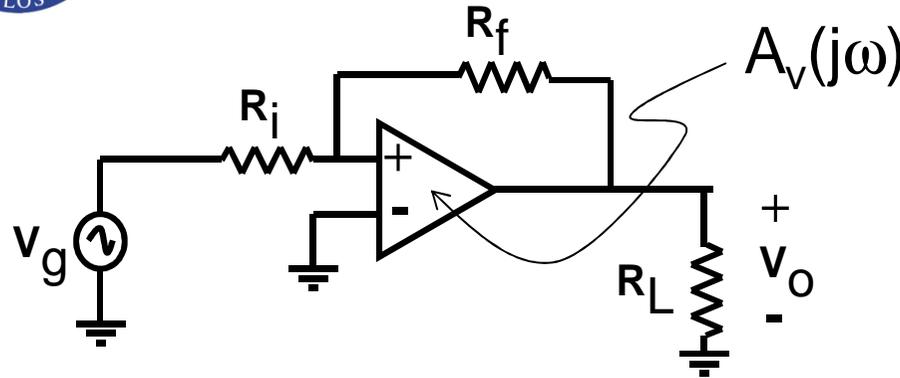
El estudio de la estabilidad siempre hay que hacerlo sobre  $A' \beta(j\omega)$ , nunca sobre  $A_V(j\omega)$ .

Esto se debe a que la expresión del lazo cerrado  $G$  habla de  $A' \beta$  no de  $A_V \beta$

$$G = \frac{A'}{1 + A' \cdot \beta_{12}}$$



## Estudio de la estabilidad en un amplificador real



El amplificador operacional tiene una respuesta en frecuencia  $A_v(j\omega)$

**El amplificador operacional es un amplificador de tensión.**

Sin embargo en esta caso presenta una realimentación **paralelo – paralelo**, que estabiliza una ganancia de **transimpedancia**

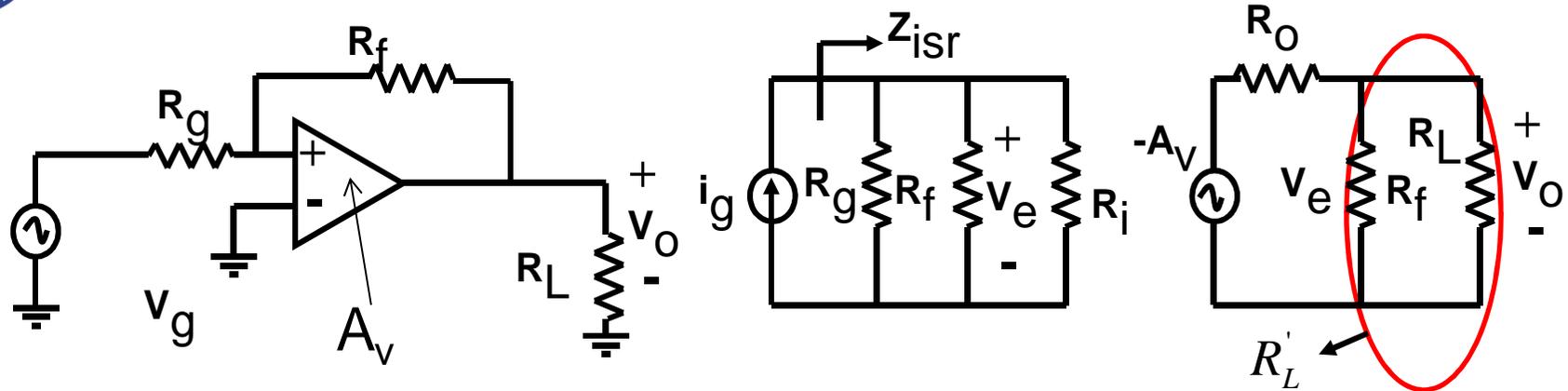
El estudio de la estabilidad siempre habrá que hacerlo sobre  $A_Z' \beta_Y(j\omega)$ , nunca sobre  $A_v \beta(j\omega)$ .

Esto se debe a que la expresión del lazo cerrado  $G$  habla de  $A_Z' \beta_Y$  no de  $A_v \beta$

$$G_Z = \frac{A_Z'}{1 + A_Z' \cdot \beta_Y}$$



# Estudio de la estabilidad en un amplificador real



$$\beta_{11} = \frac{1}{R_f} \quad \beta_{12} = \beta_Y = -\frac{1}{R_f} \quad \beta_{22} = \frac{1}{R_f}$$

$$A'_Z = \frac{V_o}{V_1} \cdot \frac{V_1}{V_e} \cdot \frac{V_e}{R_g} \quad \text{Donde :} \quad \frac{V_e}{i_g} = Z_{isr}, \quad \frac{V_1}{V_e} = -A_v, \quad \frac{V_o}{V_1} = \frac{R'_L}{R'_L + R_o}$$

$$\text{Quedando } A'_Z = Z_{isr} \cdot (-A_v) \cdot D_o \quad \text{Siendo } D_o = \frac{R'_L}{R'_L + R_o}$$



## Estudio de la estabilidad en un amplificador real

Aplicando las expresiones de la realimentación ideal:

$$G_z = \frac{V_o}{i_g} = \frac{A'_z}{1 + A'_z \cdot \beta_{12}} = \frac{-Z_{isr} \cdot A_v \cdot D_o}{1 + Z_{isr} \cdot A_v \cdot D_o \cdot \frac{1}{R_f}}$$

$$\frac{V_o}{V_g} = \frac{V_o}{i_g} \cdot \frac{i_g}{V_g} = G_z \cdot \frac{1}{R_g}$$

$$G_v = G_z \cdot \frac{1}{R_g} = \frac{-Z_{isr} \cdot A_v \cdot D_o \cdot \frac{1}{R_g}}{1 + Z_{isr} \cdot A_v \cdot D_o \cdot \frac{1}{R_f}}$$

Se conoce  $A_v(j\omega) = \frac{A_o}{(1 + j\frac{\omega}{\omega_{pd}})}$



# Estudio de la estabilidad en un amplificador real

## Estudio de la estabilidad como transimpedancia

$$G_z = \frac{A'_z}{1 + A'_z \cdot \beta_y} \begin{cases} \nearrow A'_z \cdot \beta_y \gg 1 \longrightarrow G_z = \frac{1}{\beta_y} = R_f \\ \searrow A'_z \cdot \beta_y \ll 1 \longrightarrow G_z = A'_z \end{cases}$$

¿Cómo es  $A'_z$  ?

$$A'_z = Z_{isr} \cdot [\ominus A_v(j\omega)] \cdot D_o$$

etapa inversora

Asumiendo que  $D_o \approx 1$  nos quedaría :

$$A'_z = Z_{isr} \cdot (-1) \cdot A_v(j\omega) = -Z_{isr} \cdot \frac{A_o}{1 + j \frac{\omega}{\omega_p}}$$

$$A'_z = -\frac{A_o \cdot Z_{isr}}{1 + j \frac{\omega}{\omega_p}} = -\frac{A_{zo}}{1 + j \frac{\omega}{\omega_p}} \quad \text{Donde : } A_{zo} = A_o \cdot Z_{isr}$$



# Estudio de la estabilidad en un amplificador real

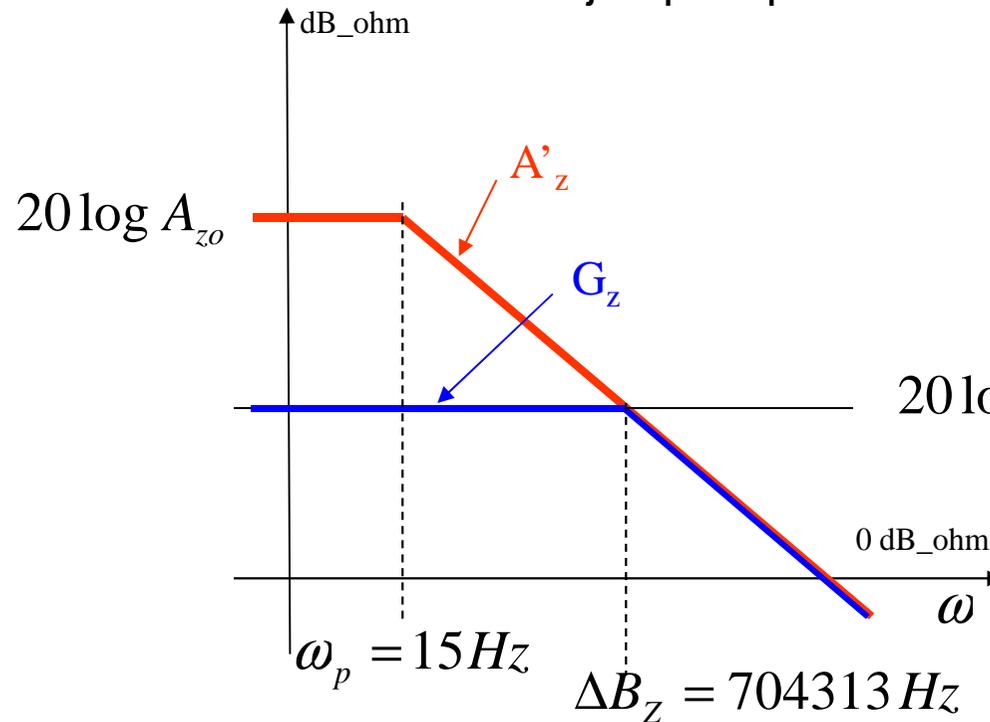
## Estudio de la estabilidad como transimpedancia

Ejemplo aplicado:  $R_g = 10k$     $R_f = 50k$     $Z_{isr} = 8.33k$

$$A_o = 109dB \equiv 281838$$

$$A_{zo} = A_o \cdot Z_{isr} = 187.41dB$$

$$\omega_p = 15Hz$$



$$20 \log R_f = 20 \log(50k) = 94dB \text{ _ohm}$$

Aplicando  $G \times \Delta B = cte.$

$$\Delta B_z = \frac{281838 \cdot 8.33 \cdot 10^3 \cdot 15}{50 \cdot 10^3} = 704313 Hz$$

Expresión del valor de una impedancia en dB\_ohm. Es el valor en dB normalizado respecto a  $1 \Omega$ .

$$Z|_{dB\_ohm} = 20 \log \left( \frac{Z}{1\Omega} \right)$$



# Estudio de la estabilidad en un amplificador real

## Estudio de la estabilidad como transtensión

$$G_v = G_z \cdot \frac{1}{R_g} = \frac{\frac{A'_z}{R_g}}{1 + A'_z \cdot \beta_y} \Rightarrow \beta_y = -\frac{1}{R_f}$$

$$A'_z \cdot \beta_y \gg 1 \Rightarrow G_v = \frac{1}{\beta_y \cdot R_g} = -\frac{R_f}{R_g}$$

$$A'_z \cdot \beta_y \ll 1 \Rightarrow G_v = A'_z \cdot \frac{1}{R_g} = A'_v$$

¿Cómo es  $A'_v$  ?

$$A'_v = A'_z \cdot \frac{1}{R_g} = Z_{isr} \cdot [-A_v(j\omega)] \cdot D_o \cdot \frac{1}{R_g}$$

Asumiendo que  $D_o \approx 1$  nos quedaría :

$$A'_v = \frac{Z_{isr}}{R_g} \cdot [-A_v(j\omega)] = -\frac{Z_{isr}}{R_g} \cdot \frac{A_o}{1 + j \frac{\omega}{\omega_p}} \quad A'_v = -\frac{A'_o}{1 + j \frac{\omega}{\omega_p}}$$

Donde :  $A'_v = -\frac{Z_{isr}}{R_g} \cdot A_o$

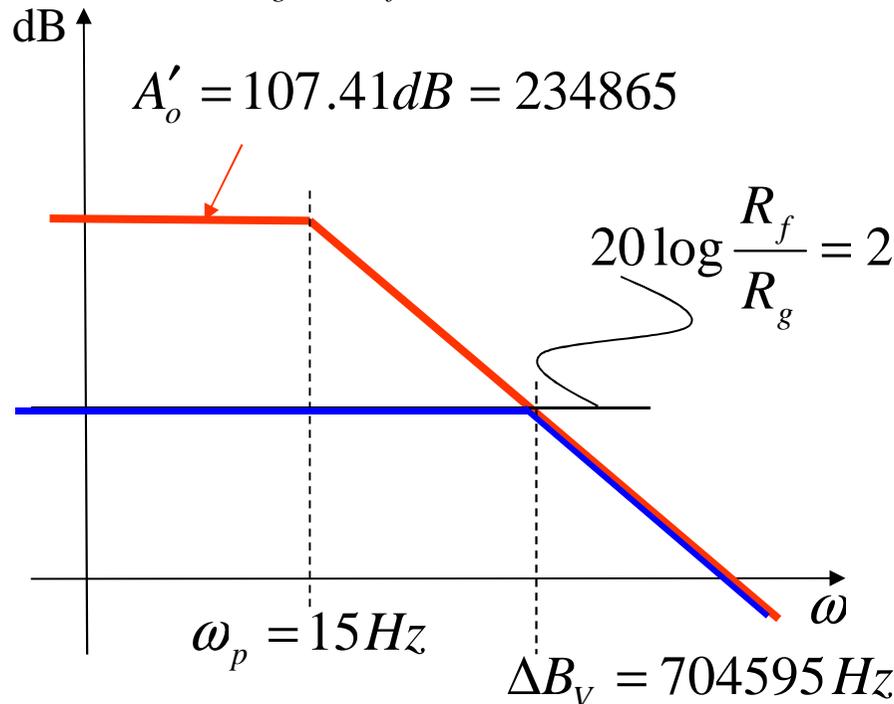


# Estudio de la estabilidad en un amplificador real

Lo aplicamos al mismo ejemplo anterior teniendo en cuenta:

$$Z_{isr} \approx \frac{R_g \cdot R_f}{R_g + R_f} \quad A'_o = \frac{R_g \cdot R_f}{R_g + R_f} \cdot \frac{1}{R_g} \cdot A_o$$

$$A'_o = \frac{R_f}{R_g + R_f} \cdot A_o = \frac{50k}{10k + 50k} \cdot 281838 = 234865 = 107.41dB$$



Aplicando  $G \times \Delta B = cte.$

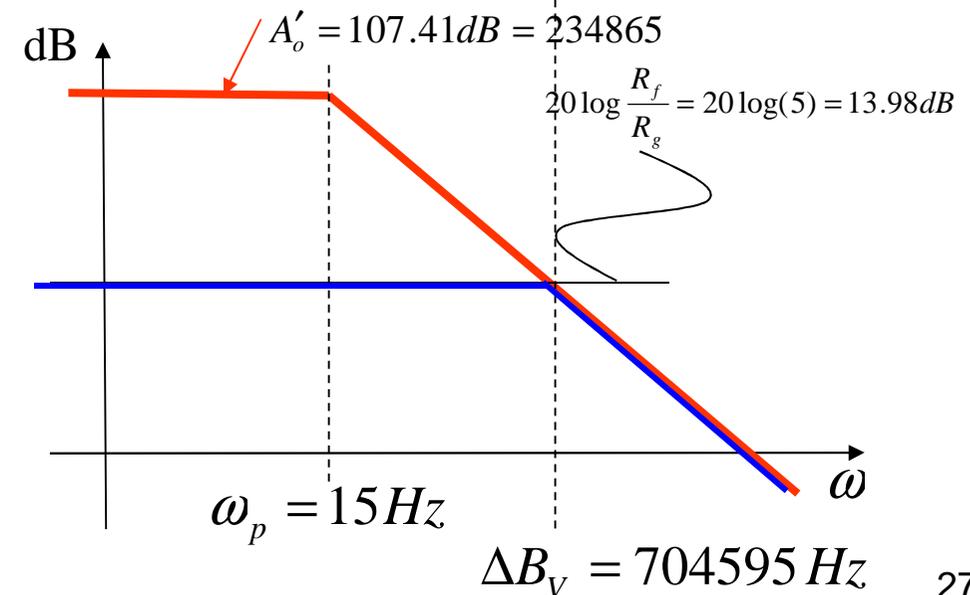
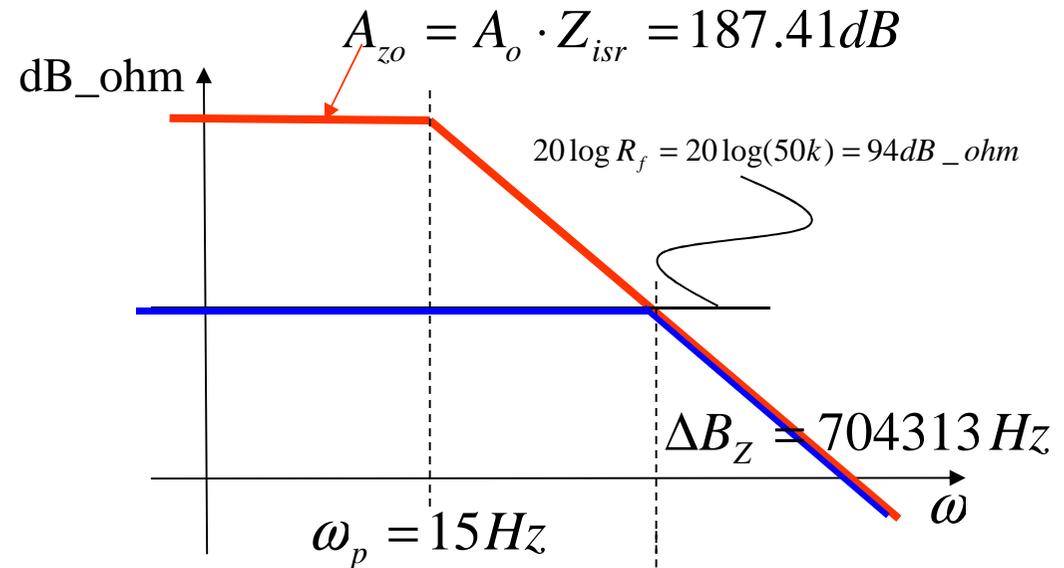
$$\Delta B_V = \frac{234865 \cdot 15}{5} = 704595 Hz$$



# Estudio de la estabilidad en un amplificador real

## Comparación $G_Z$ y $G_V$

Las escalas se han modificado, pero el polo dominante y el ancho de banda se conservan





# Estudio de $A'\beta(j\omega)$ a partir de $A(j\omega)$

## Los cero dB de $A'\beta(j\omega)$

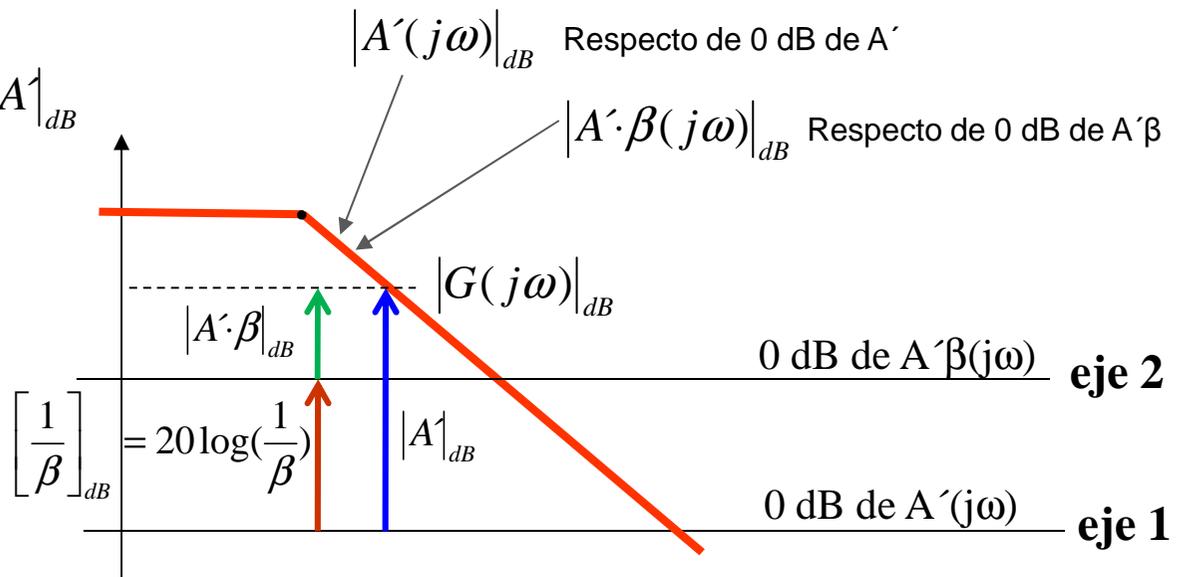
La estabilidad se estudia a partir de  $A'\beta(j\omega)$ , sin embargo el dato que se conoce a priori es  $A(j\omega)$ , ni siquiera  $A'(j\omega)$ . Por tanto se trata de representar gráficamente  $A'\beta(j\omega)$  a partir de  $A(j\omega)$ . **¿Qué modificación supone  $\beta$ ?**

$$|A'\beta|_{dB} = |A'|_{dB} + 20 \cdot \log(\beta) = |A'|_{dB} + \text{constante}$$

$$|A'\beta|_{dB} - 20 \cdot \log(\beta) = |A'|_{dB}$$

$$|A'\beta|_{dB} + 20 \cdot \log\left(\frac{1}{\beta}\right) = |A'|_{dB}$$

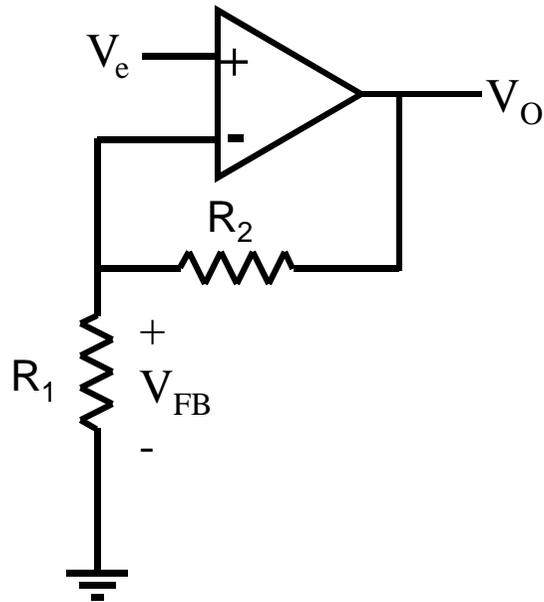
Esta constante supone un cambio de eje



En los amplificadores la red de realimentación siempre se implementa con resistencias. Por tanto  $\beta$  no depende de la frecuencia, es un número real.

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012

## ¿Cual es la red $\beta$ más desfavorable de cara a la estabilidad?

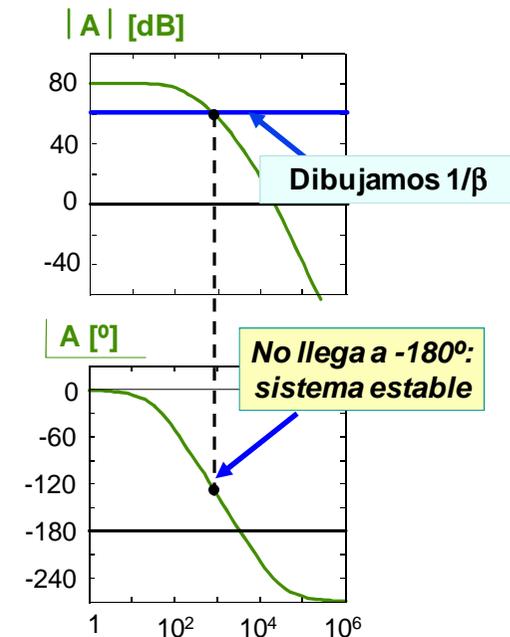


Si para este amplificador queremos una ganancia de 3 en bucle cerrado,  $G$ , elegiremos por ejemplo  $R_2 = 20 \text{ k}\Omega$  y  $R_1 = 10 \text{ k}\Omega$  dado que:

$$G = \frac{1}{\beta} = 1 + \frac{R_2}{R_1} \quad \beta = \frac{V_{FB}}{V_O} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} = \frac{1}{1 + \frac{R_2}{R_1}}$$

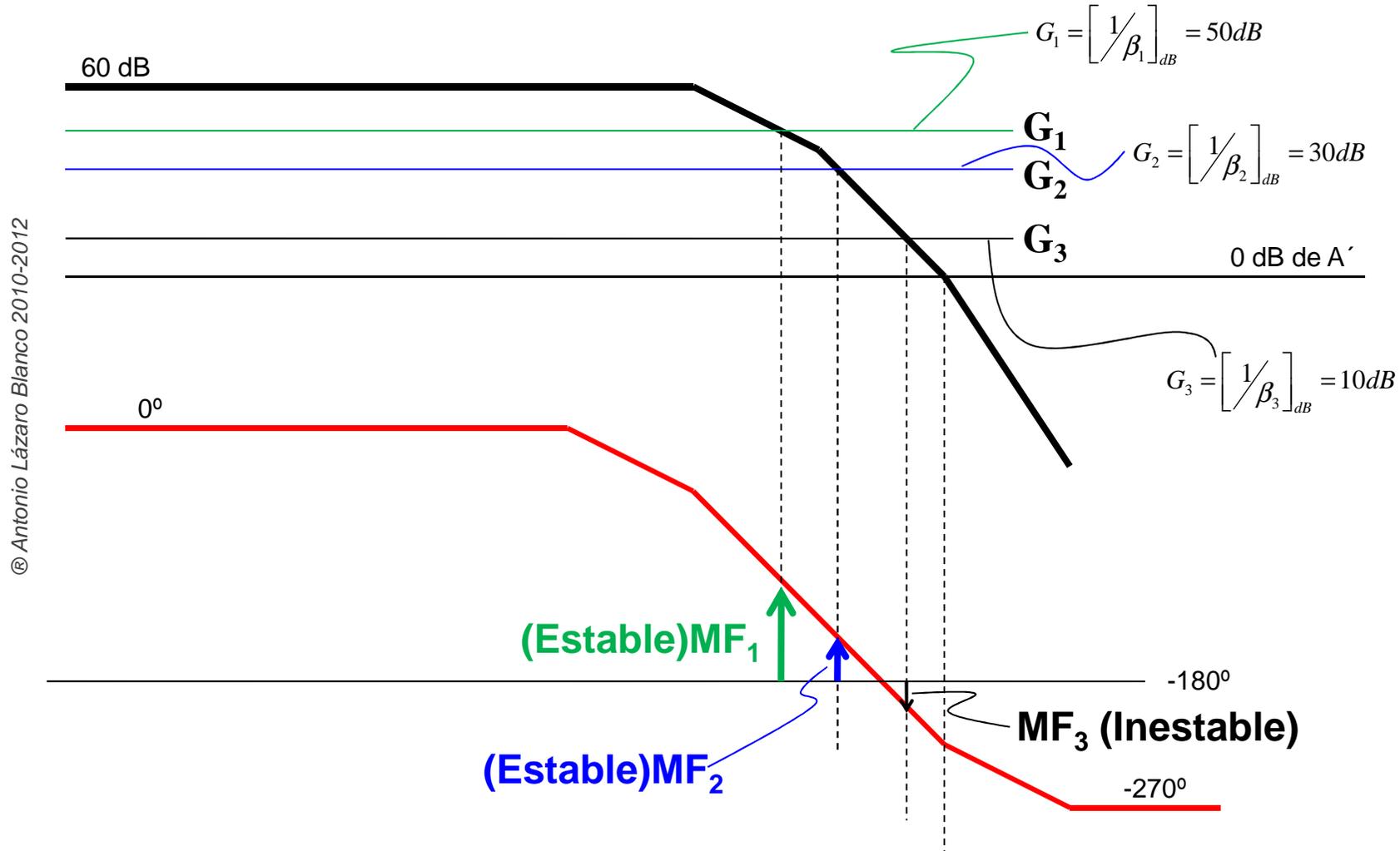
Al imponer  $G$  se impone el valor de  $1/\beta$ . ¿Qué valor de  $G$  o de  $1/\beta$  acerca más al amplificador a la inestabilidad?

$$\left[ \frac{1}{\beta} \right]_{dB} = 20 \cdot \log\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)$$

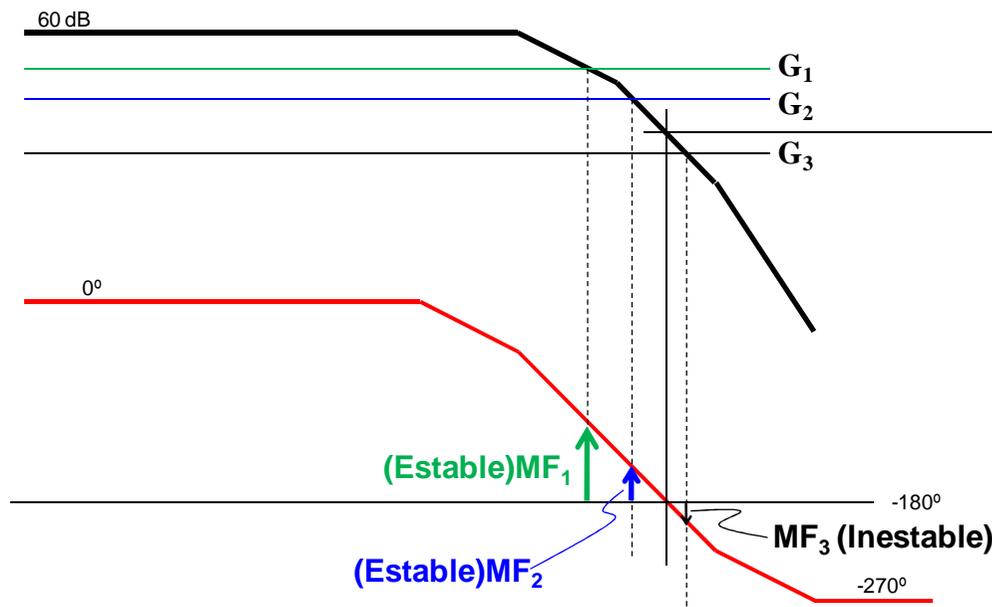




¿Cual es la red  $\beta$  más desfavorable de cara a la estabilidad?



## ¿Cual es la red $\beta$ más desfavorable de cara a la estabilidad?



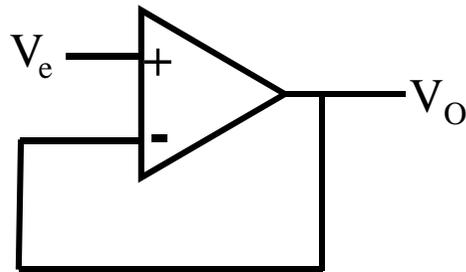
**$G_{LIM}$**  Este es el valor de la ganancia límite. Para valores de  $G$  inferiores, el amplificador ya no es estable.

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012

### Muy importante:

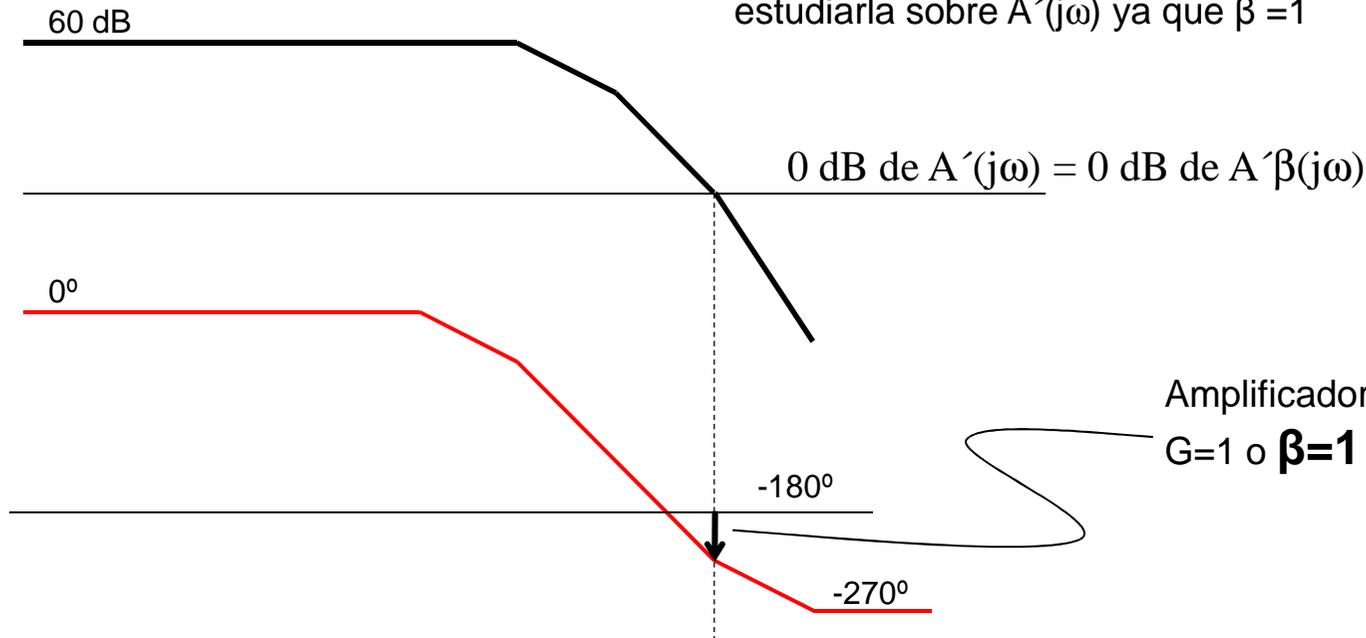
- Conforme  $G$  se reduce, se reduce también el margen de fase
- Puede ocurrir que por debajo de una determinada ganancia ( $G_{LIM}$ ) el amplificador no sea estable
- La ganancia que más acerca al amplificador a la inestabilidad es  $G=1$  o  $\beta=1$

## ¿Cual es la red $\beta$ más desfavorable de cara a la estabilidad?



$$G=1 \rightarrow \beta=1$$

- *El seguidor de tensión* es el peor caso desde el punto de vista de la estabilidad.
- Si se asegura la estabilidad para este caso, se asegurará para cualquier otro valor de  $\beta$  0 dB de  $A'$
- Ahora estudiar la estabilidad sobre  $A'\beta(j\omega)$  es lo mismo que estudiarla sobre  $A'(j\omega)$  ya que  $\beta=1$



© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



## 1. Estudio de la estabilidad de amplificadores realimentados

- 1.1 Efectos de la realimentación negativa
- 1.2 Concepto inestabilidad
- 1.3 Inestabilidad en el diagrama de Bode
- 1.4 Inestabilidad en el diagrama polar. Criterio estabilidad Nyquist
- 1.5 La realimentación negativa se vuelve positiva
- 1.6 Margen de Fase y Margen de Ganancia
- 1.7 Estudio de la estabilidad en un amplificador real
- 1.8 Estudio de  $A\beta(j\omega)$  a partir de  $A(j\omega)$
- 1.9 La red  $\beta$  y la estabilidad

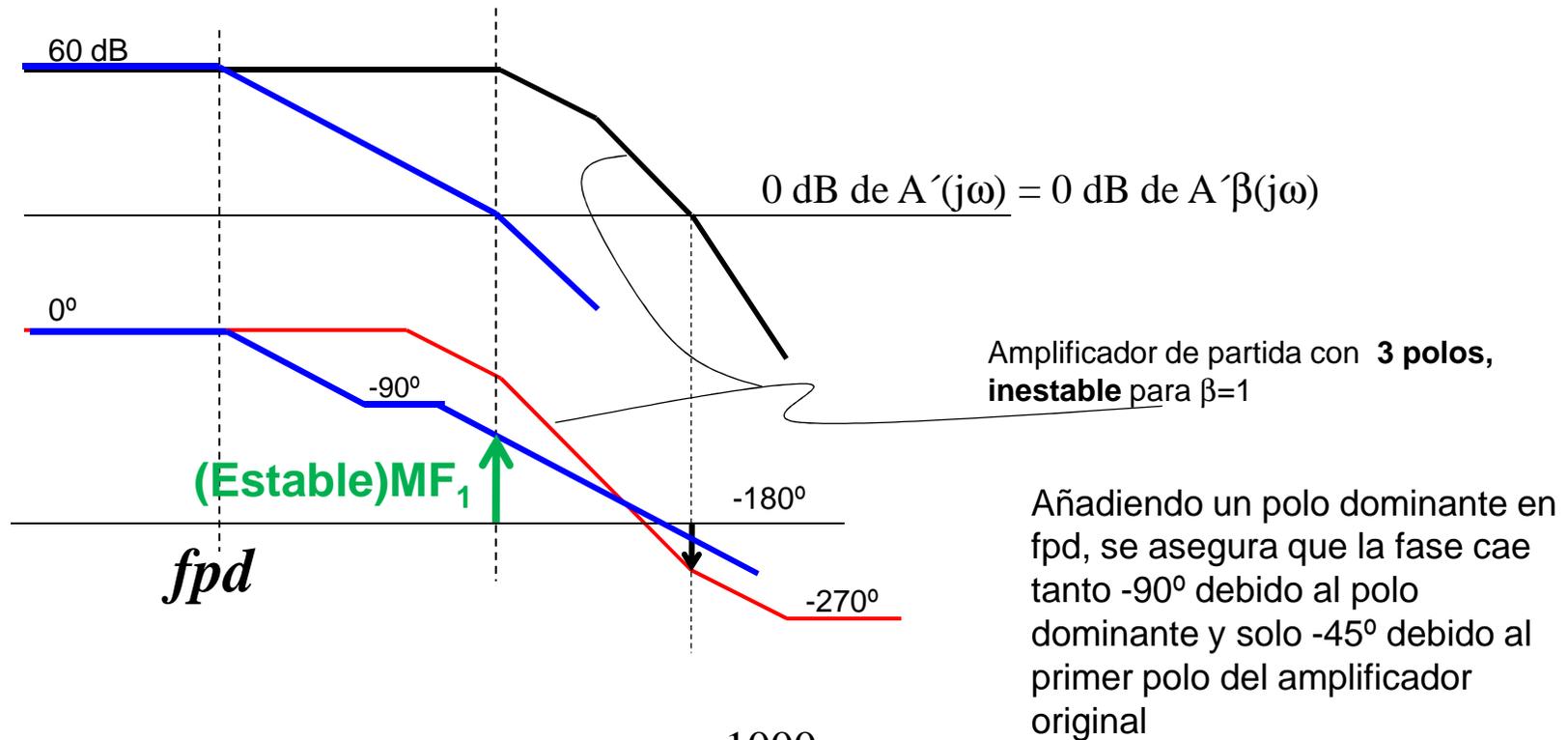
## 2. Técnicas de compensación

- 2.1 Compensación por polo dominante – Imposición MF
- 2.2 Compensación por polo dominante – Imposición MG
- 2.3 Compensación polo - cero



# Compensación por polo dominante

¿Cómo podemos asegurar que este amplificador con tres polos sea estable incluso para  $\beta=1$ ?



$$A'\beta(jf)|_{\beta=1} = A'(jf) = \frac{1000}{(1 + j\frac{f}{f_{pd}}) \cdot (1 + j\frac{f}{f_{p1}}) \cdot (1 + j\frac{f}{f_{p2}}) \cdot (1 + j\frac{f}{f_{p3}})}$$



# Compensación por polo dominante

## Pasos para imponer un margen de fase

Calcular la frecuencia de cruce con los 0 dB del nuevo Bode que incluye el polo dominante,  $f_{\text{cruce}}$

$$\angle A'\beta \cdot P_D = \angle P_D + \angle A' + \angle \beta = -180^\circ + MF$$

$\begin{matrix} -90^\circ \nearrow & & \nearrow 0^\circ \end{matrix}$

$$\angle A'(j \cdot f_{\text{cruce}}) = -90^\circ + MF \Rightarrow f_{\text{cruce}}$$

Identificar el nº de polos a la izquierda de  $f_{\text{cruce}}$

**1 solo polo, el polo dominante,** ya que a la  $f_{\text{cruce}}$  la fase solo ha podido bajar hasta  $-135^\circ$  si  $MF=45^\circ$ . El  $P_D$  contribuye con  $-90^\circ$  por tanto el polo 1 solo puede añadir  $-45^\circ$ . ¿A que frecuencia añade el polo 1  $-45^\circ$ ? Justo a  $f_{p1}$ .

Si

**MF  $\geq 45$**

No

**2 polos: el polo dominante y el polo 1,** ya que si  $MF < 45^\circ$ , a la  $f_{\text{cruce}}$  la fase habrá debido caer por debajo de  $-135^\circ$ . El  $P_D$  contribuye con  $-90^\circ$  por tanto el polo 1 ha de añadir más de  $-45^\circ$  lo cual sólo ocurre más allá de  $f_{p1}$ .

$f_{\text{cruce}} = f_{p1}$  para  $MF = 45^\circ$   
 $f_{\text{cruce}} < f_{p1}$  para  $MF > 45^\circ$

$f_{\text{cruce}} > f_{p1}$  para  $MF < 45^\circ$

Trazar desde los 0dB de  $A'\beta \cdot P_D$  subiendo (de dcha. a izq.) con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia. En la intersección está la frecuencia del polo dominante **f<sub>pd</sub>**

Trazar desde los 0dB de  $A'\beta \cdot P_D$  subiendo (de dcha. a izq.) con 40 dB/dec hasta  $f_{p1}$ . Después subir con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia. En la intersección está la frecuencia del polo dominante **f<sub>pd</sub>**

© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



# Compensación por polo dominante. Requisito cumplir MF

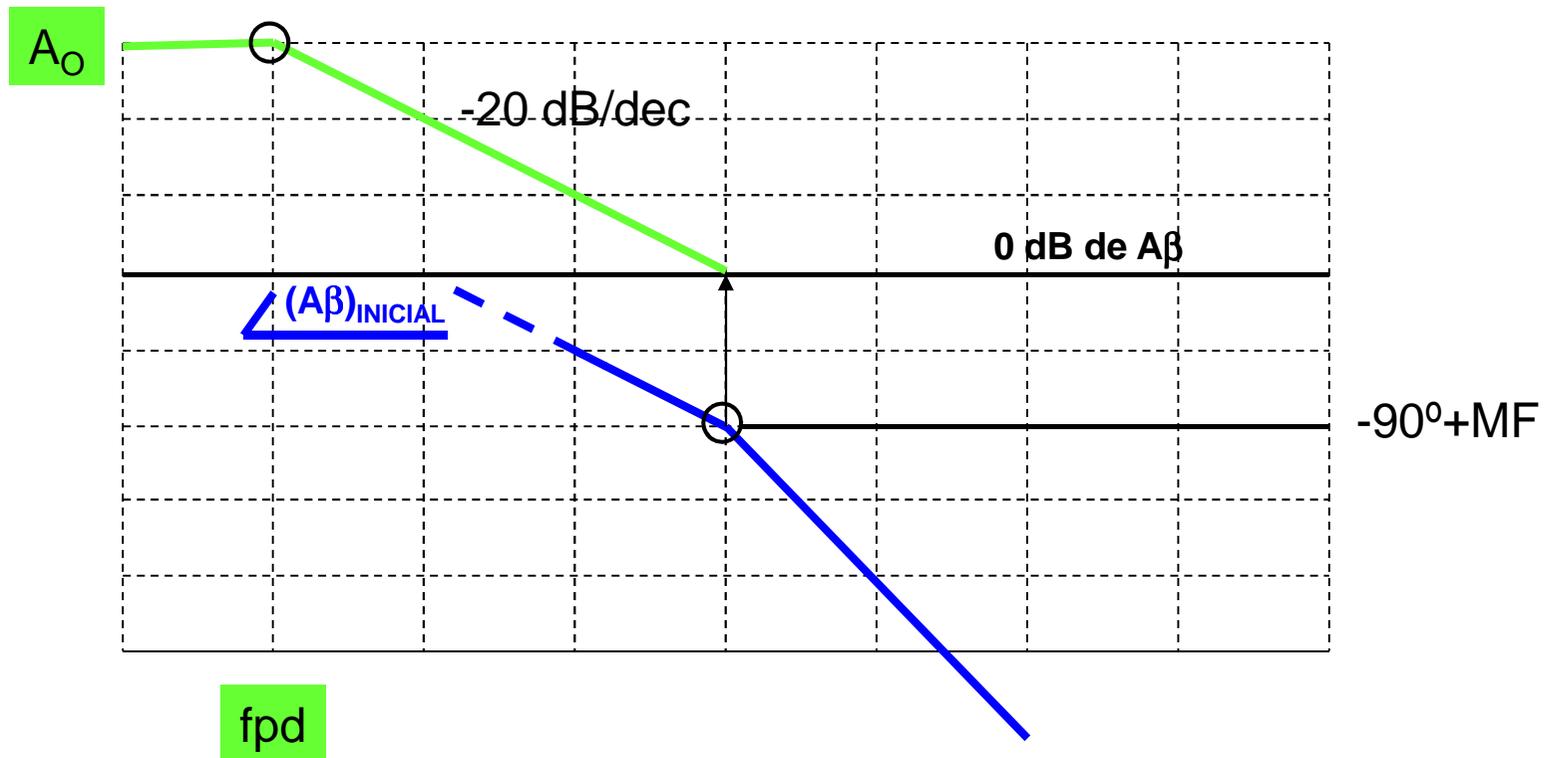
Compensación para obtener un determinado MF

$$\angle A\beta \cdot P_D = \angle P_D + \angle(A\beta)_{INICIAL} = -180^\circ + MF$$

$-90^\circ$   $\angle(A\beta)_{INICIAL} = -90^\circ + MF$

A la frec. A la que se cumple esta condición se ha de cumplir:

$$|A\beta \cdot P_D| = 0dB$$

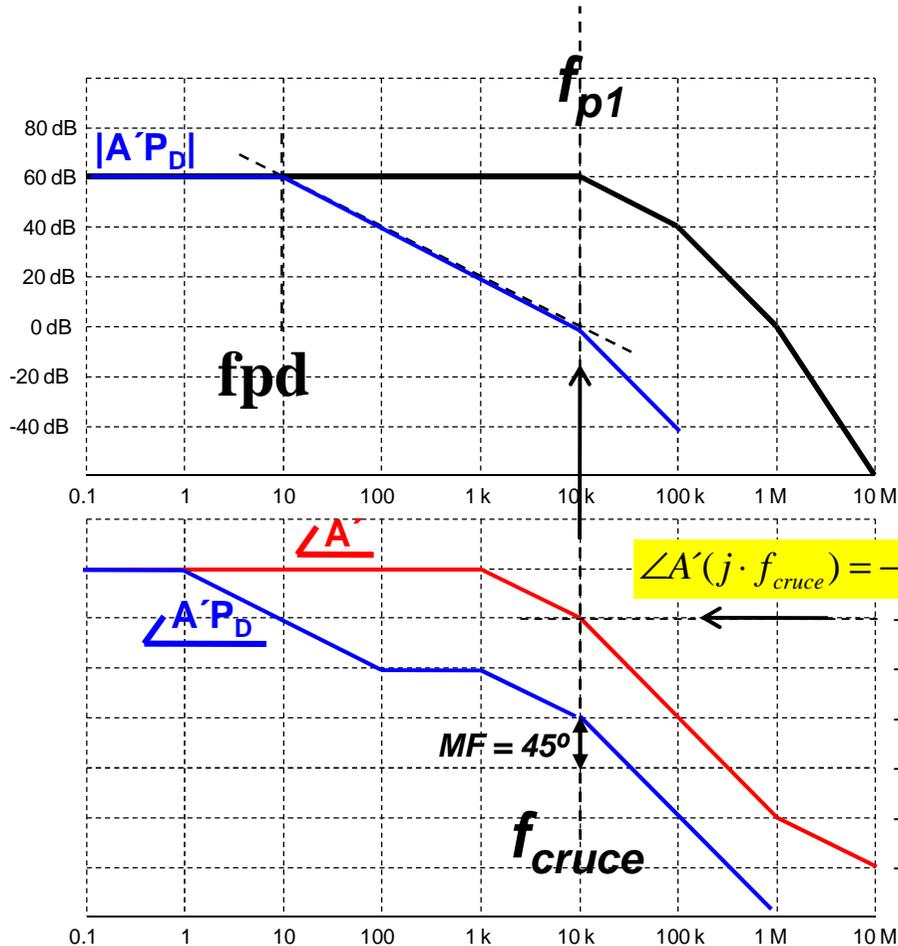


© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



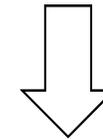
# Compensación por polo dominante

## Ejemplo 1: Imponer un margen de fase de $45^\circ$ , para $\beta=1$



¿Cuántos polos hay a la izquierda de  $f_{cruce}$  ?

**1 solo polo, el polo dominante, ya que a la  $f_{cruce}$  la fase solo ha podido bajar hasta  $-135^\circ$  si  $MF=45^\circ$ . El  $P_D$  contribuye con  $-90^\circ$  por tanto el polo 1 solo puede añadir  $-45^\circ$ . ¿A que frecuencia añade el polo 1  $-45^\circ$ ? Justo a  $f_{p1}$ .**



Trazar desde los 0dB de  $A'\beta P_D$  subiendo (de dcha. a izq.) con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia.

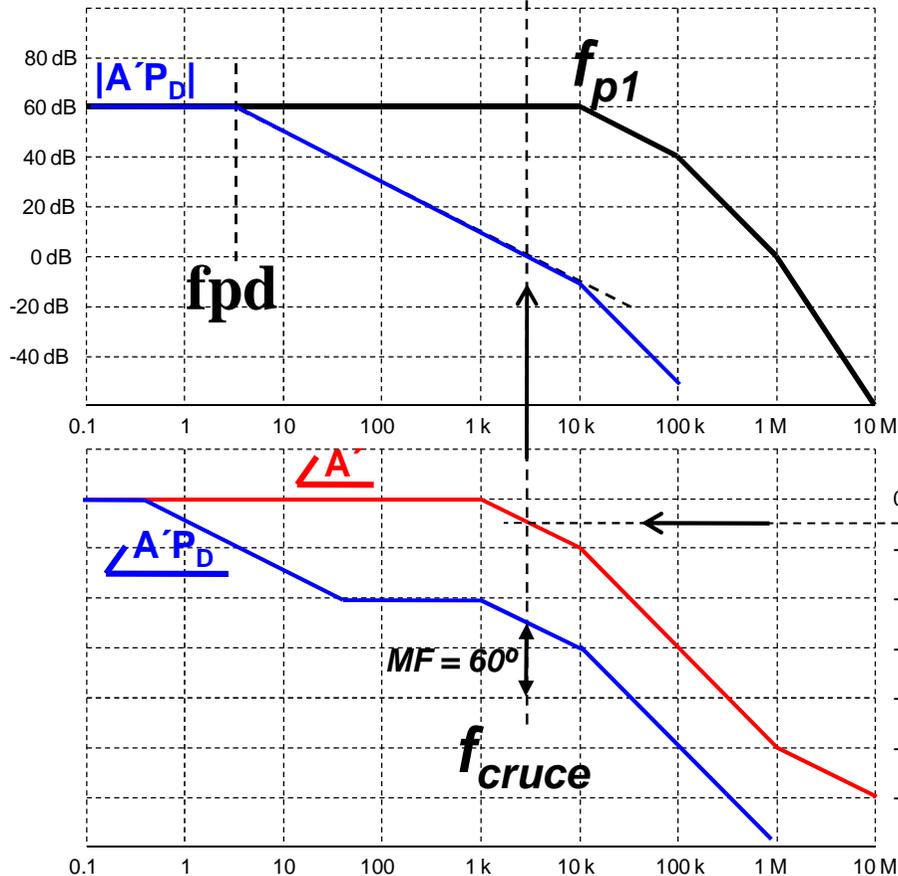
En la intersección está la frecuencia del polo dominante  **$f_{pd}$**

$$f_{cruce} = f_{p1} \text{ para } MF = 45^\circ$$



# Compensación por polo dominante

## Ejemplo 2: Imponer un margen de fase > 45°, para $\beta=1$

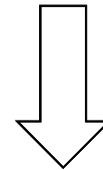


¿Cuántos polos hay a la izquierda de  $f_{cruce}$  ?

**1 solo polo, el polo dominante, ya que a la  $f_{cruce}$  la fase solo ha podido bajar hasta  $-120^\circ$  si  $MF=60^\circ$ . El  $P_D$  contribuye con  $-90^\circ$  por tanto el polo 1 solo puede añadir  $-30^\circ$ . Esto ocurre sólo ocurre antes de  $f_{p1}$ .**

$$f_{cruce} < f_{p1} \text{ para } MF > 45^\circ$$

$$\angle A'(j \cdot f_{cruce}) = -90^\circ + MF$$

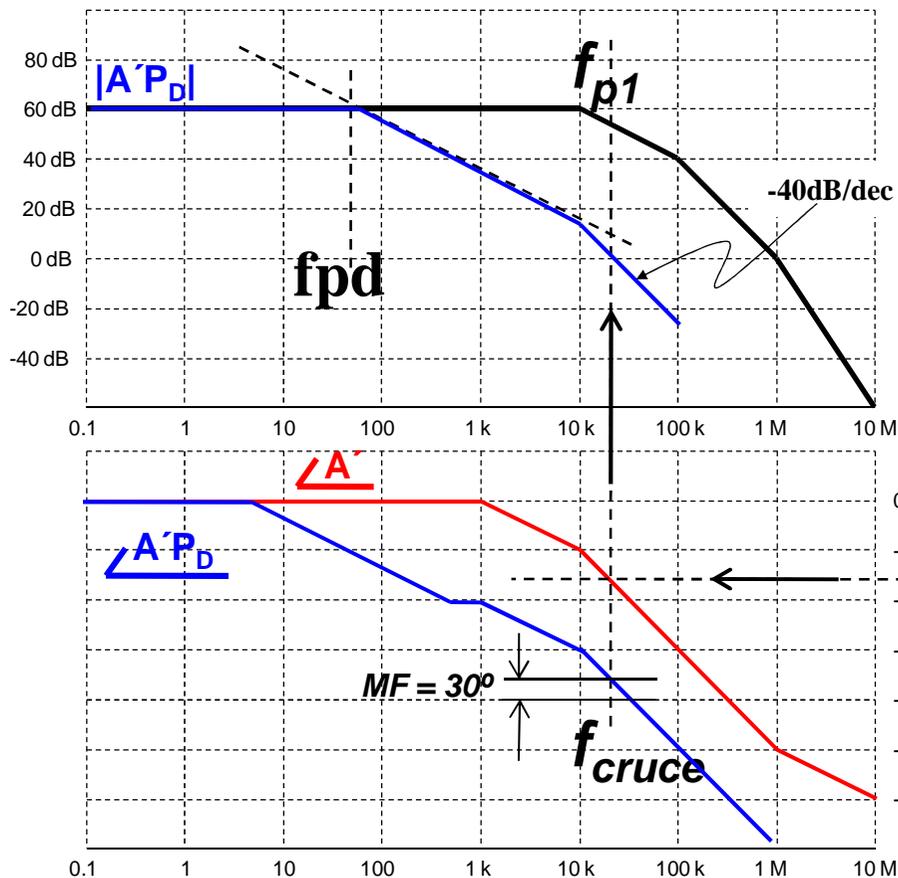


Trazar desde los 0dB de  $A'\beta.P_d$  subiendo (de dcha. a izq.) con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia. En la intersección está la frecuencia del polo dominante **fpd**



# Compensación por polo dominante

## Ejemplo 3: Imponer un margen de fase $< 45^\circ$ , para $\beta=1$



¿Cuántos polos hay a la izquierda de  $f_{cruce}$  ?

**2 polos: el polo dominante y el polo 1**, ya que si  $MF = 30^\circ$ , a la  $f_{cruce}$  la fase habrá debido caer hasta  $-150^\circ$ . El  $P_D$  contribuye con  $-90^\circ$  por tanto el polo 1 ha de  $-60^\circ$  lo cual sólo ocurre más allá de  $f_{p1}$ .

$$f_{cruce} > f_{p1} \text{ para } MF < 45^\circ$$

$$\angle A'(j \cdot f_{cruce}) = -90^\circ + MF$$

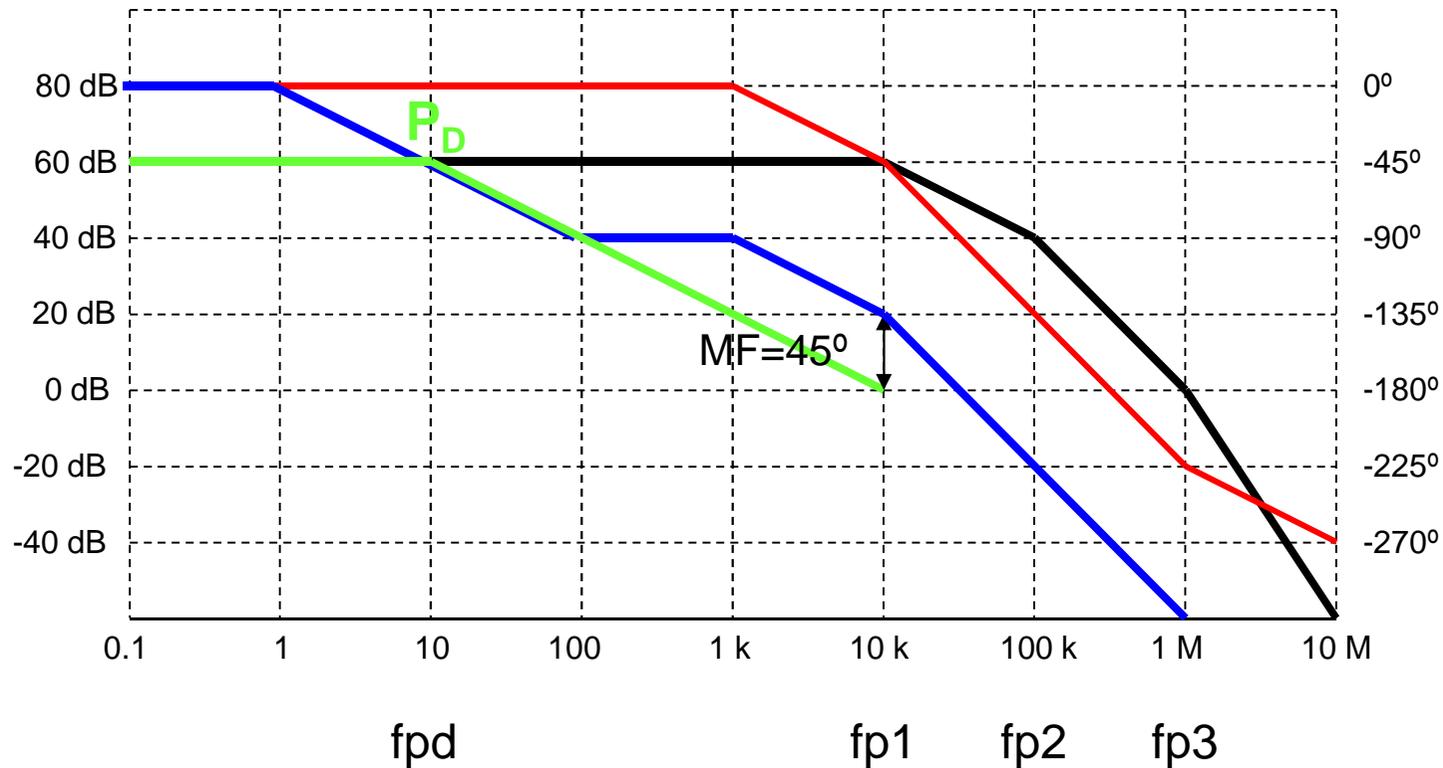
Trazar desde los 0dB de  $A'\beta.P_d$  subiendo (de dcha. a izq.) con 40 dB/dec hasta  $f_{p1}$ . Después subir con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia. En la intersección está la frecuencia del polo dominante  $f_{pd}$



# Compensación por polo dominante

$$A\beta(jf) = \frac{1000}{(1 + j\frac{f}{fp1}) \cdot (1 + j\frac{f}{fp2}) \cdot (1 + j\frac{f}{fp3})}$$

	fp1	fp2	fp3	
Polo 1	-1	-1		
Polo 2		-1	-1	
Polo 3			-1	-1
Total	-1	-2	-2	-1



© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012

$$A_O \times fpd = 1 \times fp1$$

1 solo polo  $\Rightarrow G \times \Delta B = cte$



# Compensación por polo dominante

## Pasos para imponer un margen de ganancia

Calcular la frecuencia de cruce con los  $-180^\circ$  del nuevo Bode que incluye el polo dominante,  $f_{180}$

$$\angle A' \beta \cdot P_D = \angle P_D + \angle A' + \angle \beta = -180^\circ$$

$-90^\circ \quad \quad \quad 0^\circ$

$$\angle A'(j \cdot f_{180}) = -90^\circ \Rightarrow f_{180}$$

A la frecuencia  $f_{180}$  el nuevo Bode debe cumplir:  $|A' \beta \cdot P_D| = -MG$

A la frecuencia  $f_{180}$  se el módulo del nuevo Bode vale  $-MG_{dB}$

$$f_{180} \geq 10f_{p1} \text{ para imponer } MG$$

Identificar el nº de polos a la izquierda de  $f_{180}$

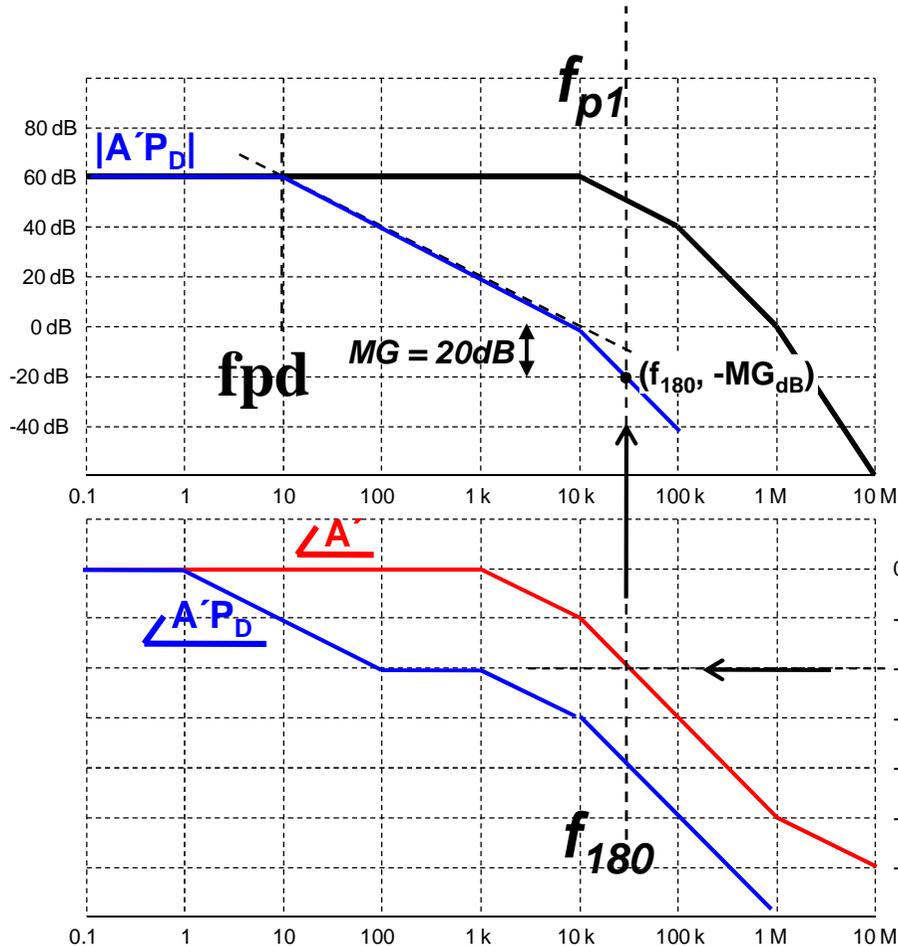
**Al menos 2 polos: el polo dominante y el polo 1**, ya que si la fase de  $A'$  ha alcanzado los  $-90^\circ$ , esto solo ocurre para frecuencias iguales o superiores a  $10f_{p1}$ .

Dibujar el punto  $(f_{180}, -MG_{dB})$ . Desde este punto, trazar de dcha. a izq. con 40 dB/dec hasta  $f_{p1}$ . Después subir con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia. En la intersección está la frecuencia del polo dominante  $f_{pd}$



# Compensación por polo dominante

## Ejemplo 4: Imponer un margen de ganancia, MG, para $\beta=1$



$$\angle A'(j \cdot f_{180}) = -90^\circ \Rightarrow f_{180}$$

Dibujar el punto  $(f_{180}, -MG_{dB})$ .

¿Cuántos polos hay a la izquierda de  $f_{cruce}$  ?

*Al menos 2 polos: el polo dominante y el polo 1, ya que si la fase de  $A'$  ha alcanzado los  $-90^\circ$ , esto solo ocurre para frecuencias iguales o superiores a  $10f_{p1}$ .*

Desde el punto  $(f_{180}, -MG_{dB})$ , trazar de dcha. a izq. con 40 dB/dec hasta  $f_{p1}$ . Después subir con 20 dB/dec hasta cortar a la ganancia a baja frecuencia. En la intersección está la frecuencia del polo dominante  $f_{pd}$



# Compensación por polo dominante. Requisito cumplir MG

Compensación para obtener un determinado MG

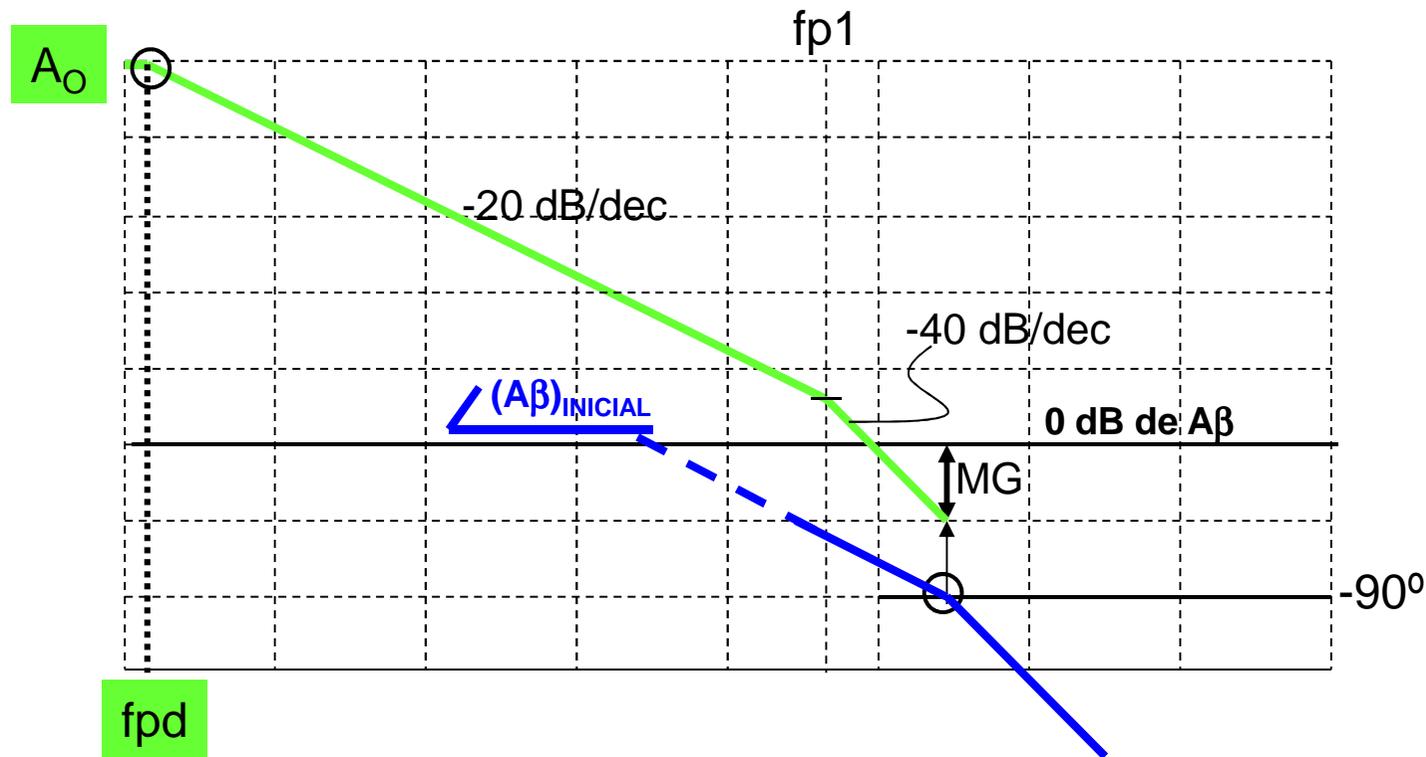
$$\angle A\beta \cdot P_D = \angle P_D + \angle (A\beta)_{INICIAL} = -180^\circ$$

$\swarrow -90^\circ$

$\angle (A\beta)_{INICIAL} = -90^\circ$

$|A\beta \cdot P_D| = -MG$

A la frecuencia a la que se cumple esta condición se ha de cumplir:

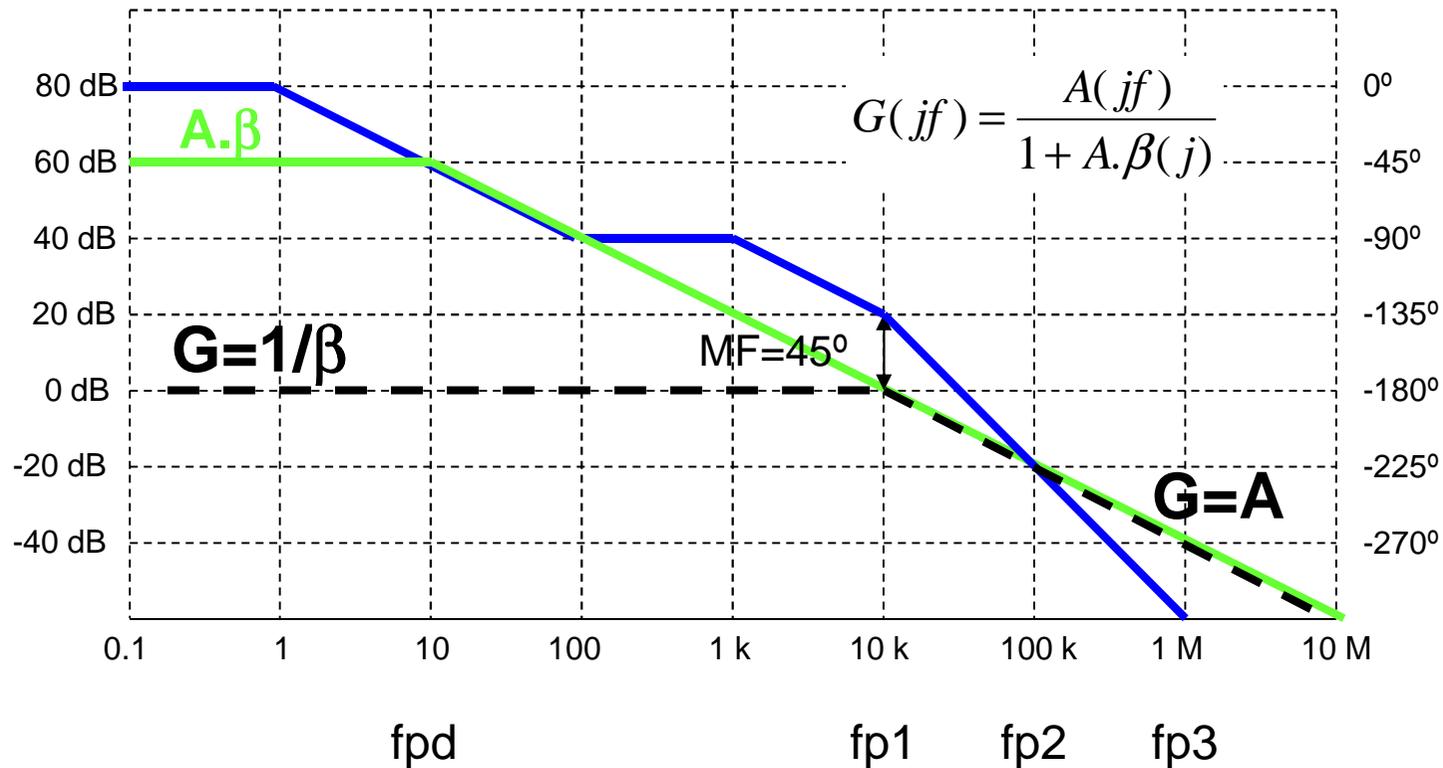


© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



# Compensación por polo dominante. $\Delta B$ en bucle cerrado

## $\Delta B$ del amplificador en bucle cerrado



© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012

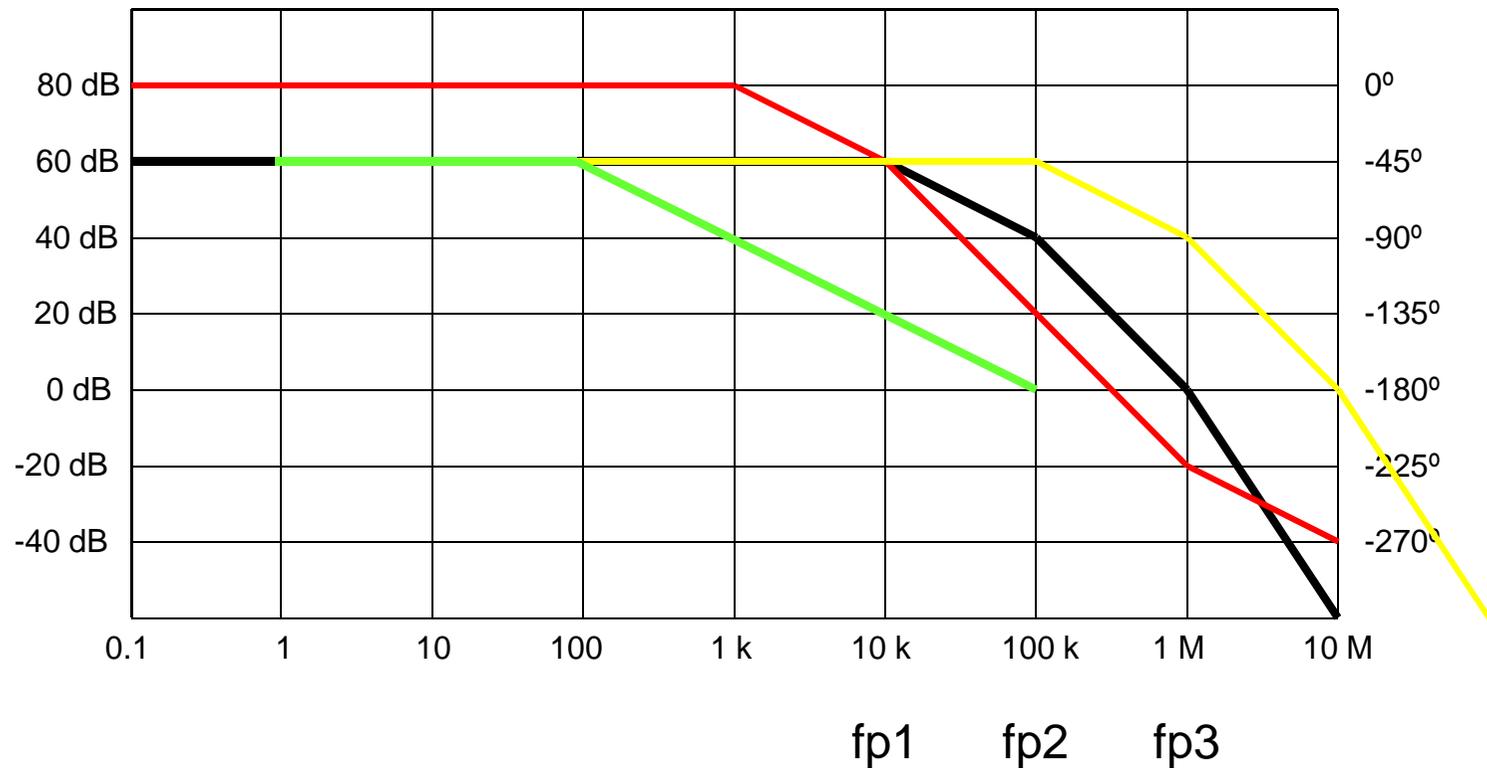
Se ha **reducido** el  $\Delta B$  de 1 MHz a 10 KHz



# Compensación polo-cero

$$A(jf) = \frac{1000 \cdot (1 + j \frac{f}{fp1})}{(1 + j \frac{f}{fpd}) \cdot (1 + j \frac{f}{fp1}) \cdot (1 + j \frac{f}{fp2}) \cdot (1 + j \frac{f}{fp3})}$$

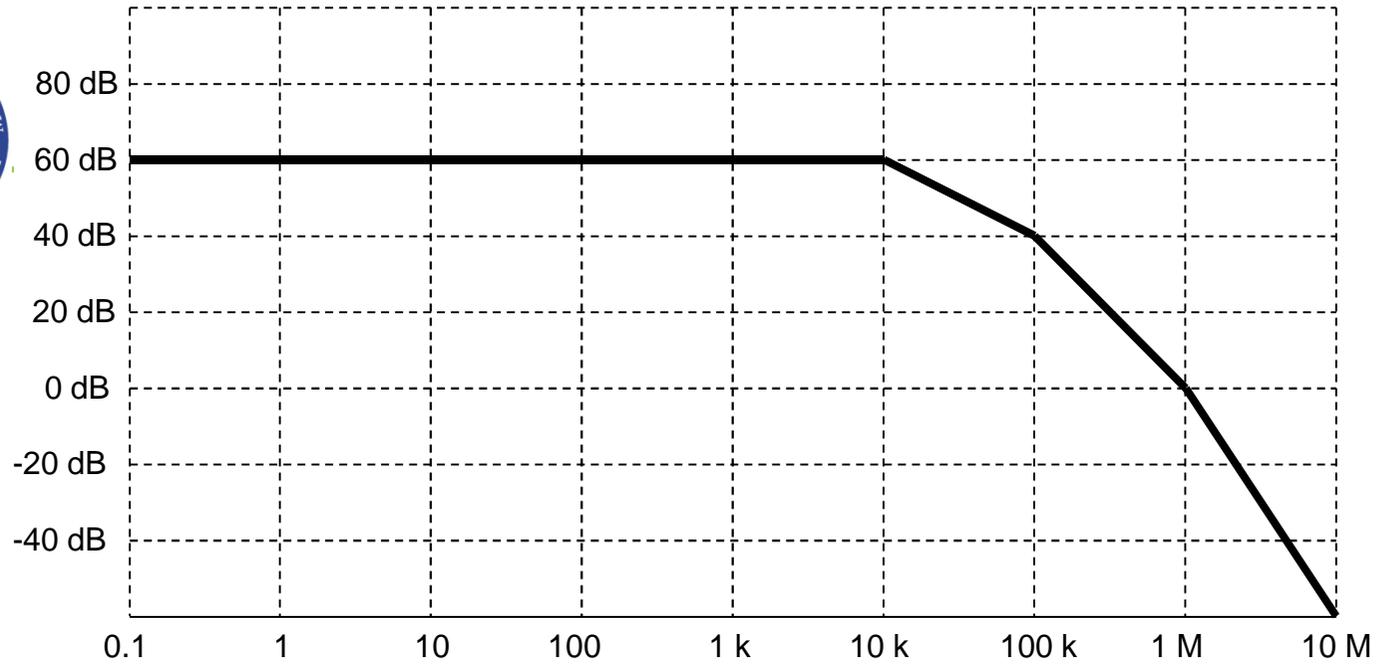
$$A_O \times fpd = 1 \times fp2$$



Se ha ganado un  $\Delta B = fp2 - fp1$



© Antonio Lázaro Blanco 2010-2012



Imprimir para ensayar

